

Документ подписан простой электронной подписью  
Информация о владельце:  
ФИО: Андрей Драгомирович Хлутков  
Должность: директор  
Дата подписания: 15.05.2024 15:15:07  
Уникальный программный ключ:  
880f7c07c583b07b775f6604a630281b13ca9fd2

**Федеральное государственное бюджетное образовательное  
учреждение высшего образования  
«РОССИЙСКАЯ АКАДЕМИЯ НАРОДНОГО ХОЗЯЙСТВА  
И ГОСУДАРСТВЕННОЙ СЛУЖБЫ  
ПРИ ПРЕЗИДЕНТЕ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ»**

**Северо-Западный институт управления – филиал РАНХиГС**

Кафедра бизнес-информатики  
*(наименование кафедры)*

УТВЕРЖДЕНО  
Директор СЗИУ РАНХиГС  
А.Д.Хлутков

**ПРОГРАММА БАКАЛАВРИАТА  
«Бизнес-аналитика»**

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ  
реализуемой без применения электронного (онлайн) курса**

**Б1.О.08.03 Дискретная математика**  
*(индекс, наименование дисциплины, в соответствии с учебным планом)*  
**ДискрМат**  
*(краткое наименование дисциплины)*

**38.03.05 Бизнес-информатика**  
*(код, наименование направления подготовки)*

**очная**  
*(форма обучения)*

Год набора – 2022

Санкт-Петербург, 2022 г.

**Автор–составитель:**

Доктор военных наук, кандидат технических наук, профессор, заведующий кафедрой бизнес-информатики Наумов Владимир Николаевич

**Заведующий кафедрой бизнес-информатика**

д.в.н., профессор

Наумов Владимир Николаевич

В новой редакции РПД одобрена протоколом заседания кафедры бизнес-информатики № 9 от 04.07.2022 г.

## СОДЕРЖАНИЕ

1.Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы.....	4
2.Объем и место дисциплины в структуре образовательной программы.....	4
3.Содержание и структура дисциплины .....	5
4.Материалы текущего контроля успеваемости обучающихся и фонд оценочных средств промежуточной аттестации по дисциплине .....	7
5.Оценочные материалы промежуточной аттестации по дисциплине.....	31
6.Методические материалы по освоению дисциплины.....	38
7.Учебная литература и ресурсы информационно-телекоммуникационной сети "Интернет", учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся по дисциплине.....	40
7.1. Основная литература.....	40
7.2. Дополнительная литература.....	40
7.3. Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы.....	41
7.4. Нормативные правовые документы.....	41
7.5. Интернет-ресурсы.....	41
7.6. Иные источники.....	42
8. Материально-техническая база, информационные технологии, программное обеспечение и информационные справочные системы.....	42

## 1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения программы

1.1. Дисциплина «Дискретная математика» обеспечивает овладение следующими компетенциями:

Таблица 1.1

Код компетенции	Наименование компетенции	Код Компонента компетенции	Наименование \компонента компетенции
ОПК-4	Способен понимать принципы работы информационных технологий; использовать информацию, методы и программные средства её сбора, обработки и анализа для информационно-аналитической поддержки принятия управленческих решений	ОПК-4.1	Способен использовать математические методы, математические модели и программные средства для решения задач сбора, обработки и анализа информации
		ОПК-4.2	Способен использовать при решении практических задач методы и программные средства сбора информации, ее обработки и анализа для информационно-аналитической поддержки принятия управленческих решений

В результате освоения дисциплины у студентов должны быть сформированы:

Таблица 1.2

ОТФ/ТФ (при наличии профстандарта)/ профессиональные действия	Код компонента компетенции	Результаты обучения
Обоснование решений D/6 Формирование возможных решений на основе разработанных для них целевых показателей D/01/6 Анализ, обоснование и выбор решения D/02.6	ОПК-4.1	<b>на уровне знаний:</b> – основные понятия и основные методы дискретной математики, области их применения, их достоинства и недостатки, основные классы математических моделей дискретной математики;
		<b>на уровне умений:</b> - решать задачи моделирования данных, процессов и систем методами дискретной математики;
Обоснование решений D/6 Формирование возможных решений на основе разработанных для них целевых показателей D/01/6 Анализ, обоснование и выбор решения D/02.6	ОПК-4.2	<b>На уровне знаний:</b> - средства решения задач дискретной математики;
		<b>На уровне умений:</b> -использовать программные средства и языки аналитики для решения задач дискретной математики

## 2. Объем и место дисциплины в структуре ОП ВО

### Объем дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет 4 зачетных единиц 144 академ. часов.

Дисциплина реализуется частично с применением дистанционных образовательных технологий (далее – ДОТ).

Доступ к системе дистанционных образовательных технологий осуществляется каждым обучающимся самостоятельно с любого устройства на портале: <https://lms.ranepa.ru/>. Пароль и логин к личному кабинету / профилю предоставляется студенту в деканате.

Таблица 2

Вид работы	Трудоемкость в акад. часах ауд./ЭО, ДОТ	Трудоемкость в астрон. часах ауд./ЭО, ДОТ
Общая трудоемкость	144	108
Контактная работа с преподавателем	62	46,5
Лекции	28	21
Практические занятия	32	24
Практическая подготовка		
Самостоятельная работа	46	34,5
Контроль	36	27
Консультации	2	1,5
Формы текущего контроля	Т/О/Зад/КР/РЗад	
Форма промежуточной аттестации	экзамен	

#### Место дисциплины в структуре ОП ВО

Дисциплина Б1.О.08.03 «Дискретная математика» относится к базовой части учебного плана по направлению «Бизнес-информатика» 38.03.05. Преподавание дисциплины основано на дисциплинах учебного плана: Б1.О.08 «Высшая математика» (Б1.О.08.01-«Математический анализ», Б1.О.08.02 – «Линейная алгебра и аналитическая геометрия»), Б1.О.11 «Основы информатики», которые изучаются с дисциплиной «Дискретная математика» одновременно. В свою очередь она создаёт необходимые предпосылки для освоения программ таких дисциплин, как Б1.В.15 «Исследование операций», Б1.О.09 «Теория систем и системный анализ», Б1.В.10 «Вычислительные системы, сети и телекоммуникации», Б1.Б.11 «Программирование», Б1.О.13 «Базы данных» и других дисциплин, основанных на использовании методов дискретной математики.

Дисциплина осваивается с применением электронного (онлайн) курса (далее – ЭК) общий объем дисциплины, включая ЭК - 108/81,

объем дисциплины, за исключением ЭК: количество академических часов, выделенных на занятия лекционного типа – 28/21 а.ч., занятия семинарского типа 32/24 а.ч., на самостоятельную работу студентов по освоению электронного курса 46/34,5 а.ч. и промежуточную аттестацию 36 а.ч.:

объем ЭК (в составе дисциплины): количество академических часов, выделенных на самостоятельную работу обучающихся: всего по ЭК - 46 а.ч., из них : 46- количество академических часов, выделенных на практикоориентированные задания и текущий контроль успеваемости : всего по ЭК – 46 а.ч. Количество академических часов, выделенных на самостоятельную работу обучающихся в рамках ЭК - 46 а.ч.

Дискретная математика относится к числу основных разделов современной математики. Знание дискретной математики является важной составляющей общей математической культуры выпускника. Эти знания необходимы как при проведении теоретических исследований в различных областях математики, так и при решении практических задач из разнообразных прикладных областей, таких, как информатика, программирование, математическая экономика, математическая лингвистика, обработка и передача данных, распознавание образов, криптография и др.

Дисциплина изучается во 2-м семестре первого курса. Формой промежуточной аттестации в соответствии с учебным планом является экзамен.

### 3. Содержание и структура дисциплины

Таблица 3

№ п/п	Наименование тем	Объем дисциплины, час.						Форма текущего контроля успеваемости**, промежуточной аттестации***	
		Всего	Контактная работа обучающихся с преподавателем по видам учебных занятий			СР			
			Л	ПЗ	КСР	СРО	СП		
Тема 1	Множества, отношения, функции	18	6	4			8(8)		О/Задд/Т
Тема 2	Комбинаторика	14	2	4			8(8)		О/Задд/Т
Тема 3	Элементы теории графов	20	6	6			8(8)		О/Задд/Т/КР
Тема 4.	Основные положения математической логики	22	6	8			8(8)		О/Задд/Т/РЗад
Тема 5	Логика и исчисление предикатов	18	4	6			8(8)		О/Задд/Т/КР
Тема 6	Элементы теории кодирования	14	4	4			6(6)		О/Задд./ Т
Промежуточная аттестация		36				2	36		Экзамен
Всего (акад./астр. часы):		144/108	28/21	32/24	2/1,5		46/34,5		

*Примечание:*

Консультация к экзамену – 2 часа

Используемые сокращения:

Л – занятия лекционного типа (лекции и иные учебные занятия, предусматривающие преимущественную передачу учебной информации педагогическими работниками организации и (или) лицами, привлекаемыми организацией к реализации образовательных программ на иных условиях, обучающимся);

ПЗ – практические занятия (виды занятия семинарского типа за исключением лабораторных работ);

КСР – индивидуальная работа обучающихся с педагогическими работниками организации и (или) лицами, привлекаемыми организацией к реализации образовательных программ на иных условиях (в том числе индивидуальные консультации);

СР – самостоятельная работа, осуществляемая без участия педагогических работников организации и (или) лиц, привлекаемых организацией к реализации образовательных программ на иных условиях;

СП – самопроверка;

СРО – самостоятельная работа обучающегося

контрольные работы (КР), опрос (О), тестирование (Т). Выполнение задания (Зад), РЗад (Расчетное задание)

#### Содержание дисциплины

##### Тема 1. Введение. Множества, отношения, функции

Введение. Предмет дисциплины. Множества и их спецификации. Простейшие операции над множествами. Основные тождества теории множеств. Свойства двойственности. Векторы и прямые произведения. Мощность множества. Понятие булеана. Бесконечное множество. Мощность бесконечного множества.

Отношения. Графические представления отношений. Свойства отношений. Отношения эквивалентности. Разбиения и отношения эквивалентности. Отношения

порядка. Отношения на базах данных и структурах данных. Составные отношения. Замыкание отношений. Решетка. Диаграмма Хассе. Миноранты и мажоранты. Супремум и инфимум.

Соответствия. Взаимно однозначные соответствия и мощности множеств. Равномощность. Отображения и функции. Обратные функции и отображения. Способы задания функций. Функционал, оператор.

### **Тема 2. Комбинаторика**

Размещения, перестановки и сочетания (без повторений и с повторениями). Основные теоремы комбинаторики. Биномиальные и полиномиальные коэффициенты. Решение комбинаторных задач.

### **Тема 3. Элементы теории графов**

Графы, их вершины и ребра. Графы и бинарные отношения. Изображение графов. Матрица инцидентности графа. Матрица смежности графа. Подграфы. Ориентированные графы. Определение орграфа. Маршруты и связность в орграфах. Степени вершин графа. Маршруты, цепи и циклы. Операции над графами. Понятие связности. Реберная и вершинная связность. Цикломатическое число. Компоненты связности. Граф конденсации.

Планарные графы. Теоремы Эйлера и Куратовского. Эйлеровы графы. Условия, при которых граф эйлеров. Раскраска графов. Социальный граф

Древесный граф. Остов. Понятие минимального остова. Алгоритмы построения. Алгоритм Краскала, алгоритм Прима В-граф.

### **Тема 4. Основные положения математической логики**

Высказывания и логические связи. Булевы функции (БФ). Способы задания БФ. Функциональный базис, композиция функций. Формулы, эквивалентные преобразования формул. Элементы булевой алгебры. Специальные разложения БФ. СДНФ и СКНФ.

Минимизация булевых функций. Схемы из логических элементов. Связь сложности схем и сложности формул. Минимизация БФ аналитическим способом. Нормальные формы БФ. Минимизация БФ методом Квайна - Мак-Класки. Табличный способ минимизации на картах Карно.

Функциональная полнота систем булевых функций. Замечательные классы БФ. Теорема о функциональной полноте. Примеры функционально-полных базисов. Построение схем в универсальных базисах. Релейно-контактные схемы. Теорема Шеннона. Полиномы Жегалкина. Функции  $k$ -значной логики.

### **Тема 5. Логика и исчисление предикатов**

Элементы классической логики. Силлогизмы. Понятие формальной системы. Основные тождества. Исчисление высказываний. Предикаты, операции над ними. Формулы логики предикатов. Исчисление предикатов. Кванторы существования и всеобщности. Операции над кванторами. Правила логического вывода. Метод Вонга. Правила резолюции. Дизъюнкты Хорна. Клаузы языка логического программирования. Предваренные нормальные формы. Теоремы Геделя

### **Тема 6. Элементы теории кодирования**

Системы счисления. Определение кода. Классификация кодов. Алфавитное кодирование. Разделимые коды. Помехоустойчивое кодирование. Условие МакМиллана. Сжатие информации. Алгоритм Хаффмана.

## **4. Материалы текущего контроля успеваемости обучающихся и фонд оценочных средств промежуточной аттестации по дисциплине**

### **4.1. Формы и методы текущего контроля успеваемости обучающихся и промежуточной аттестации.**

Промежуточная аттестация может проводиться с использованием ДОТ.

1.2.В ходе реализации дисциплины «Дискретная математика» используются следующие методы текущего контроля успеваемости обучающихся:

Таблица 4.1

Тема (раздел)	Формы (методы) текущего контроля успеваемости
Тема 1. Множества, отношения, функции	О/Зад/Т
Тема 2. Комбинаторика	О/Зад/Т
Тема 3. Элементы теории графов	О/Зад/Т/КР
Тема 4. Основные положения математической логики	О/Зад/Т/РЗад
Тема 5. Логика и исчисление предикатов	О/Зад/Т/КР
Тема 6. Элементы теории кодирования	О/Зад./ Т

В дисциплине используются следующие активные и интерактивные методы обучения:

- дискуссии в период обсуждения предложенных оценочных материалов;
- выполнение и защита задания;
- интерактивная работа по решению практических задач на компьютерах в компьютерном классе с текущим обсуждением хода и результатов решения задачи;
- выполнение тестирования;
- методы коллективных обсуждений на занятиях семинарского типа;
- тренинги в решении практических задач, направленных на формирование универсальных и общепрофессиональных компетенций;

Признаками данных методов являются:

- активизация мышления студентов, причем учащийся вынужден быть активным;
- длительное время активности — учащийся работает не эпизодически, а в течение всего учебного процесса. Поэтому данные методы в основном реализуются на занятиях семинарского типа;
- самостоятельность в выработке и поиске решений поставленных задач;
- мотивированность к обучению путем использовать балльно-рейтинговой системы оценивания.

## 4. 2. Материалы текущего контроля успеваемости обучающихся.

### Типовые оценочные материалы по теме 1

#### Типовые вопросы для устного опроса по теме 1

1. Понятие множество. Конечные и бесконечные множества?
2. Что понимается под мощностью бесконечного и конечного множеств?
3. Бывают ли бесконечные множества разной мощности?
4. Приведите примеры булеанов.
5. Простейшие операции над множествами. Приведите примеры операций над множествами.
6. Что такое диаграммы Венна? Как использовать диаграммы Венна для доказательства тождеств?
7. Перечислите основные соотношения теории множеств?
8. В чем заключается принцип двойственности в теории множеств?
9. Дать определение «Отношения». Назвать классификацию отношений



10. Функциональные отношения. Отображения.

11. В чем отличие мажоранты и максимума, миноранты и минимума?

1.3. Что такое решетка?

### Типовые задания по теме 1

#### Задача 1.

Следующие множества задать перечислением их элементов:

- 1)  $A = \{x \in \mathbf{R} \mid x^3 - 3x^2 + 2x = 0\}$ ;
- 2)  $A = \{x \in \mathbf{R} \mid x + 1/x \leq 2, x > 0\}$ ;
- 3)  $A = \{x \in \mathbf{N} \mid x^2 - 3x - 4 \leq 0\}$ ;
- 4)  $A = \{x \in \mathbf{Z} \mid 1/4 \leq 2^x < 5\}$ .

Задача 2. Даны множества

$$A = \{x \in \mathbf{R} : -7 \leq x < 3\}, B = \{x \in \mathbf{R} : 2 \leq x < 4\}.$$

Найти  $A \cup B$ ;  $A \cap B$ ;  $A \setminus B$ .

Задача 3. Даны множества:

$$N_1 = \{1, 2, 3\}; N_2 = \{5, 4, 3\}; N_3 = \{3, 9\}; N_4 = \{2, 6\}.$$

Выполнить декартовы произведения  $N_1 \times N_2$ ;  $N_3 \times N_4$ ;  $N_4^2$ .

Найти:

$$(N_1 \times N_2) \cap (N_3 \times N_4);$$

$$(N_1 \times N_2) \cup (N_3 \times N_4).$$

Задача 4. Приняв множество первых 10 натуральных чисел за универсум, запишите следующие его подмножества:  $A$  – четных чисел меньших восьми;  $B$  – нечетных чисел, больших двух;  $C$  – квадратов нечетных чисел;  $D$  – простых чисел. В каком соотношении находятся данные множества? Запишите результат операций над данными множествами перечислением их элементов:  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \cap C$ ,  $A \cap D$ ,  $C \setminus A$ ,  $C \setminus B$ ,  $C + D$ .

Задача 5. Даны три множества  $A$ ,  $B$ ,  $C$ . С помощью диаграммы Эйлера показать

$$\bar{A} \cup \bar{B} \cap \bar{C}.$$

Задача 6. Докажите с помощью диаграммы Эйлера:

$$A \setminus (A \setminus B) = B \setminus (B \setminus A).$$

Задача 7. Построить булеан и определить мощность полученного множества, если исходное множество имеет вид  $A = \{a, b, c, d\}$ .

Задача 8. Укажите функциональные отношения:

- $F = \{(1, 1), (2, 2), (3, 3), (4, 4), (4, 5)\}$ ;
- $F = \{(1, 4), (2, 4), (3, 4), (4, 4), (4, 5)\}$ ;
- $F = \{(3, 1), (4, 5), (1, 5), (2, 2), (5, 3)\}$ ;
- $F = \{(5, 1), (1, 5), (2, 4), (4, 2)\}$ ;
- $F = \{(1, 1), (1, 3), (3, 1)\}$ ;
- $F = \{(2, 2), (3, 3), (4, 3), (5, 3)\}$ .

Задача 9. Задать отношение различными способами (матричным, графическим)

$$R_1 = \{(1, 3), (2, 3), (2, 4), (3, 2), (3, 1)\}; R_2 = \{(a, b), (2, 3), (a, 3), (c, b), (c, 3), (2, b)\};$$

$$R_3 = \{(1,3), (a,3)\}.$$

Выполнить операции над отношениями

$$R_1 \cup R_2 \setminus R_3;$$

$$R_1 \cup (R_2 \setminus R_3).$$

**Задача 10.** Имеется универсальное множество чисел.

А) Найти мажоранты и миноранты для множества  $M$ .

$$U = \{z \in \mathbb{Z} \mid -7 < z < 10\};$$

$$M = \{-5, -4, -3, -2, -1, 0, 1, 3, 4, 5\}$$

Б) Найти супремум и инфимум для множества

$$S = \{1/(2n) : n \in \mathbb{N}\}.$$

**Тест**

1. Найти  $A \cup B$ , если:  $A = [-3; 3]$ ,  $B = (1; 6)$

Варианты ответов

1.  $A \cup B = [-3, 6)$

2.  $A \cup B = [-3, 3)$

3.  $A \cup B = [-3, 6]$

4.  $A \cup B = (-3, 6)$

2. Найти  $(A \cup B) \cap C$ , если:  $A = [-3; 3]$ ,  $B = (1; 6)$ ,  $C = (-2; 2]$ ;

Варианты ответов

1.  $(A \cup B) \cap C = (-2, 2)$

2.  $(A \cup B) \cap C = (-2, 2]$

3.  $(A \cup B) \cap C = (1, 2]$

4.  $(A \cup B) \cap C = (-3, 2]$

3. Найти  $A \cap B \cap C$ , если:  $A = [-3; 3]$ ,  $B = (1; 6)$ ,  $C = (-2; 2]$ ;

Варианты ответов

1.  $A \cap B \cap C = (1, 2)$ .

2.  $A \cap B \cap C = (-2, 2]$ .

3.  $A \cap B \cap C = (1, 2]$

4.  $A \cap B \cap C = (1, 6)$

4. Бинарное отношение задано матрицей.

$$R = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}.$$

Представить его матрицей

Варианты ответов

1.  $R = \{(1,1), (1,2), (1,4), (2,1), (2,2), (2,3), (3,2), (3,3), (4,1)\}$
2.  $R = \{(1,1), (2,1), (2,2), (2,3), (3,2), (3,3), (4,1)\}$
3.  $R = \{(1,2), (1,4), (2,1), (2,3), (3,2), (4,1)\}$
4.  $R = \{(1,1), (1,2), (1,4), (2,3), (3,2), (3,3), (4,1)\}$

5. Сколько несобственных подмножеств имеет конечное множество, состоящее из  $n$  элементов?

1. 1.
2. 2.
3.  $n$ .

6. Сколько собственных подмножеств имеет конечное множество

$$X = \{x_1, x_2, \dots, x_n\} \quad X = \{x_1, x_2, \dots, x_n\}?$$

1.  $n-1$ ;
2.  $n \times n = n^2$ ;
3.  $2^n - 2$ .

7. Пусть  $|A \cup B|$  - мощность множества, являющегося объединением конечных множеств  $A$  и  $B$ ,  $m_1 = |A \cup B|$ , если множества пересекаются, т.е.  $A \cap B \neq \emptyset$  и  $m_2 = |A \cup B|$ , если они не пересекаются,  $A \cap B = \emptyset$ . Равны ли мощности  $m_1$  и  $m_2$ ?

1.  $m_1 = m_2$ .
2.  $m_1 < m_2$ .
3.  $m_1 > m_2$ .

8. Мощность какого множества больше  $X$  или  $Y$ , если  $X$  - исходное конечное множество,  $Y$  - множество подмножеств множества  $X$ ?

1. Мощность  $X$  больше мощности  $Y$ .
2. Мощность  $X$  меньше мощности  $Y$ .
3. Мощность  $X$  равно мощности  $Y$ .

9. Существует ли среди бесконечных множеств множества наименьшей и наибольшей мощности?

1. Существуют множества как наибольшей, так и наименьшей мощности.
2. Существует множество наибольшей, а наименьшей мощности нет.
3. Существует множество наименьшей, а наибольшей мощности нет.

10. Является ли сюръективное отображение инъективным?
  1. Сюръективное отображение всегда инъективно.
  2. Сюръективное отображение – неинъективно.
  3. Сюръективное отображение может быть инъективным, но может и не быть им.
11. Всегда ли биективное отображение сюръективно?
  1. Всегда.
  2. Никогда.
  3. Может быть сюръективным, но может и не быть им.
12. Когда сумма конечного или счетного числа конечных или счетных множеств является конечным множеством?
  1. В случае конечного числа суммы счетных множеств.
  2. В случае счетного числа суммы конечных множеств.
  3. В случае конечного числа суммы конечных множеств.
13. Если к некоторому бесконечному множеству  $M$  прибавить счетное множество  $A$ , будет ли отличаться мощность полученного множества  $M \cup A$  от мощности множества  $M$ ?
  1. Мощность множества  $M$  равна мощности множества  $M \cup A$ .
  2. Мощность множества  $M$  меньше мощности множества  $M \cup A$ .
  3. Мощность множества  $M$  больше мощности множества  $M \cup A$ .
14. Отсутствием какого из свойств отношений отличаются отношение толерантности от отношения эквивалентности?
  1. Рефлексивности.
  2. Симметрии.
  3. Транзитивности.

## Типовые оценочные материалы по теме 2

### Типовые вопросы для устного опроса по теме 2

1. Основные принципы и теоремы комбинаторики. Почему проблема комбинаторики так актуальна?
2. Постройте график зависимости числа сочетаний из элементов по 2. Обосновать проблему проклятия размерности
3. Размещения, перестановки и сочетания (без повторений). В чем отличие данных операций? Приведите примеры решения задач, использующих данные операции
4. Размещения, перестановки и сочетания (с повторениями)
5. Биномиальные и полиномиальные коэффициенты. Приведите примеры биномов Ньютона. Выполните разложение.
6. Как используются круги Эйлера для решения задач о мощности множеств?

### Типовые задания по теме 2

**Задача 1.** Используется правило сложения комбинаций. Рассмотреть, используя остаточный принцип (подсчитывать число событий, когда число очков меньше 6).

Брошены три игральные кости. Найти число ситуаций того, что сумма набранных очков превысит 6?

**Задача 2.** Имеется 5 видов конвертов без марок и 4 вида марок. Сколькими способами можно выбрать конверт и марку для посылки письма?

**Задача 3.** Сколько существует вариантов ответа на 30 вопросов, если на каждый вопрос есть только два возможных варианта ответа: «да» или «нет»?

**Задача 4.** Сколько существует 7-значных телефонных номеров, не содержащих цифру 7 и начинающихся с 9?

**Задача 5.** Сколько нечетных чисел в диапазоне от 0 до 100

**Задача 6.** В потоке 220 студентов. 120 из них изучают математику, 100-историю, 120-психологию. 40 изучают математику и историю; 55 –математику и психологию; 40 –историю и психологию; 15 – все три предмета. Определить:

- A. Сколько студентов изучают только один предмет?
- B. Сколько студентов изучают математику или историю?
- C. Сколько студентов изучают математику и психологию, но не изучают историю?
- D. Сколько студентов изучают ровно два предмета?

**Задача 7.** Вычислить  $A_4^2$ .

**Задача 8.** Сколько существует различных четырехзначных положительных чисел, две цифры, по крайней мере, в которых совпадают? (использовать остаточный принцип).

**Задача 9.** Из полной колоды карт (52 листа, 4 масти) вынимается сразу несколько карт. Сколько возможных исходов, что в случае, если вынута две (три) карты будут две карты одной масти?

**Задача 10.** Сколькими способами можно расположить 9 человек в ряд?

**Задача 11.** Сколько имеется шестизначных чисел, если первая цифра может быть нулем, цифры не должны повторяться и:

- A. последние две цифры должны быть 5 или 6.
- B. первая цифра равна 2, а последние две цифры не могут быть 5 или 6

**Задача 12.**

- A. В разложении  $(2x + 3y)^8$  найти коэффициент при  $x^6 y^2$ .
- B. В разложении  $(x - 3y)^{12}$  найти коэффициент при  $x^6 y^6$ .

**Тест**

1. Из 6 человек надо выбрать 4 человека и разместить их на четырех занумерованных стульях. Сколькими способами это можно сделать?

Варианты ответов

- 1. 120.
- 2. 360.
- 3. 125.
- 4. 240.

2. Сколькими способами можно выбрать двух элемента из восьми?

Варианты ответов

- 1. 120.
- 2. 64.
- 3. 28.
- 4. 72.

3. Из полной колоды карт (52 листа) вынимается сразу несколько карт. Сколько возможных исходов, что в случае, если вынута четыре карты, то среди них будут две семерки?

Варианты ответов

1. 620.
2. 1164.
3. 6768.
4. 1282.

### Типовые оценочные материалы по теме 3

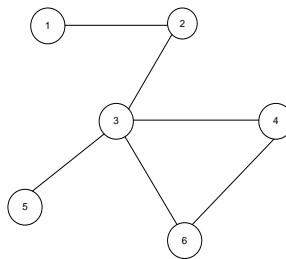
#### Типовые вопросы для устного опроса по теме 3

1. Неориентированные графы. Матрицы смежности и инцидентности. Приведите примеры графов.
2. Ориентированные графы. Матрицы смежности и инцидентности. Приведите примеры ориентированных графов.
3. Степени вершин графа. Для чего можно использовать понятие степени вершин
4. Частичные графы, подграфы. Какие операции выполняются над графами?
5. Графы Эйлера, Гамильтона.
6. Общие сведения о потоковых моделях. Что такое сеть? Поток? Пропускная способность?

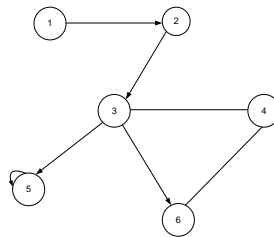
#### Типовые задания по теме 3

**Задача 1.** Построить матрицу смежности и матрицу инцидентности для неориентированного и ориентированного графов

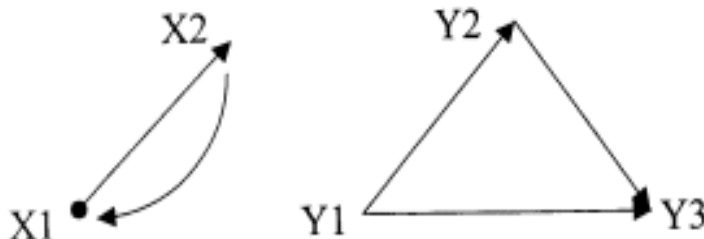
А)



Б)

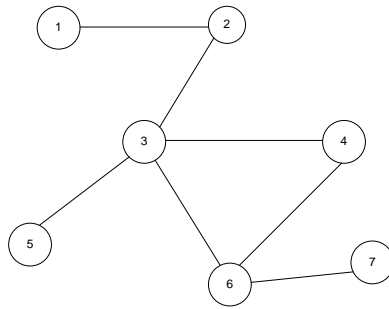


**Задача 2.** Найти объединение, пересечение и произведение графов



**Задача 3.** Найти степени всех вершин (степени полуисхода и степени полузахода) для графов задачи 1.

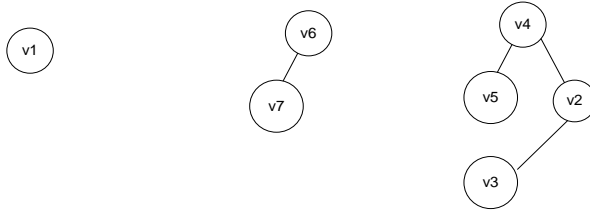
**Задача 4.** Построить матрицу расстояний, найти диаметр и радиус для графа.



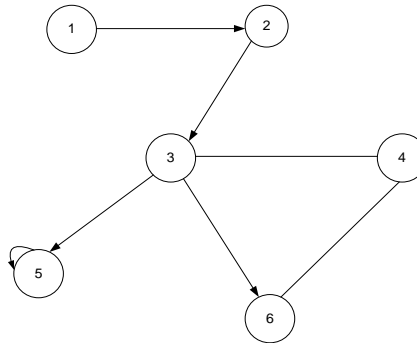
**Задача 5.** Построить матрицу достижимости для графа задачи 4.

**Задача 6.** Определить компоненты связности и компоненты сильной связности для графов. Определить цикломатическое число графа

А)

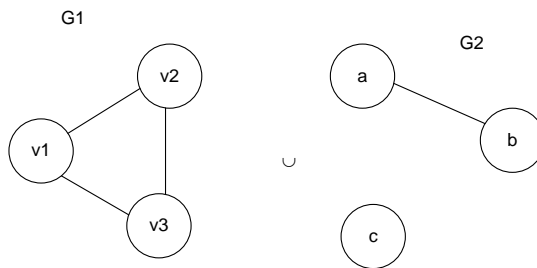


Б)



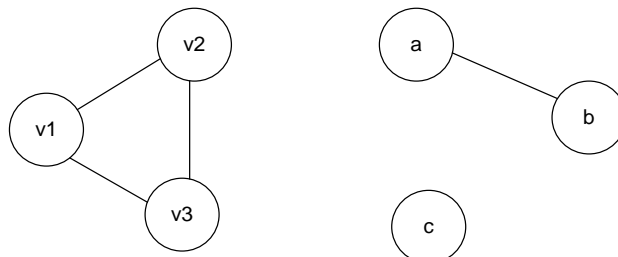
**Тест**

1. Выполнить операцию объединения над графами.

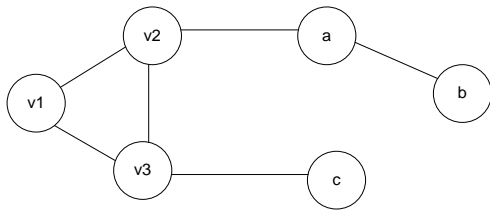


**Варианты ответов**

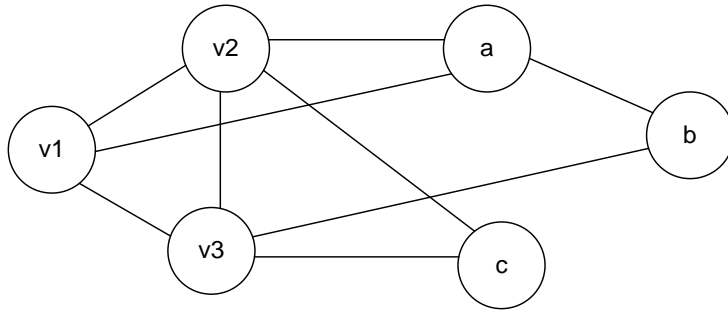
1.



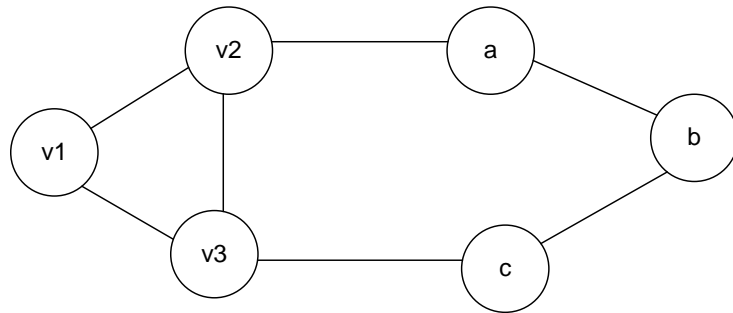
2.



3.



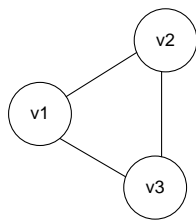
4.



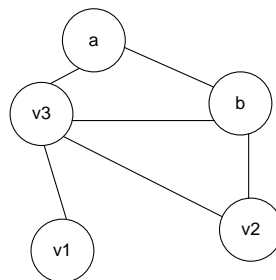
2. Выполнить операцию пересечения над графами

G1

G2

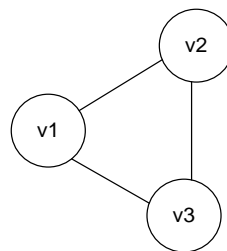


$\cap$

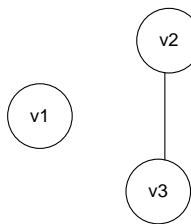


Варианты ответов

1.



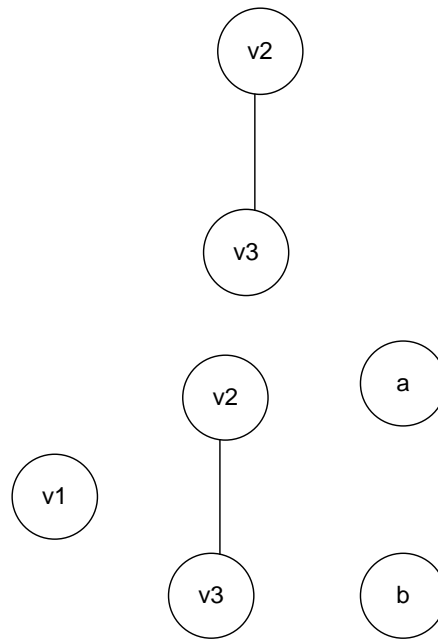
2.



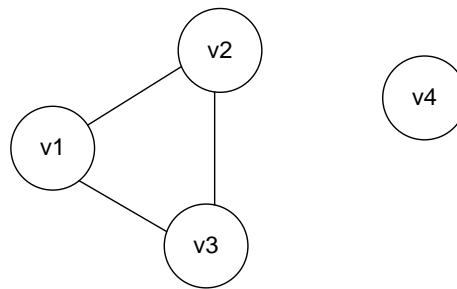
3.



4.

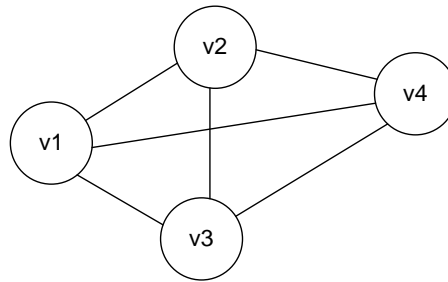


3. Выполнить операцию дополнения графа

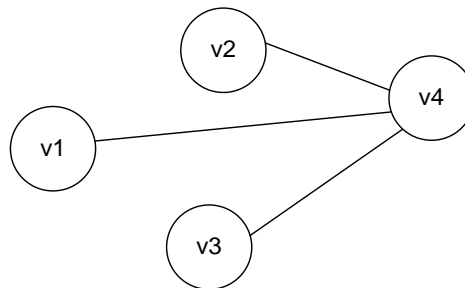


Варианты ответов

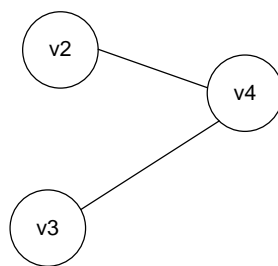
1.



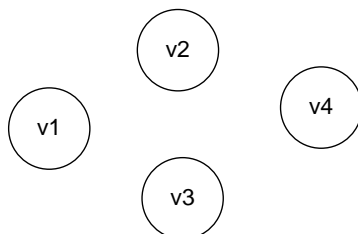
2.



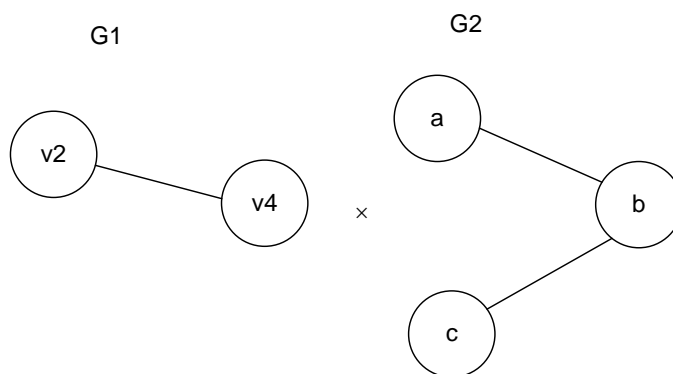
3.



4.

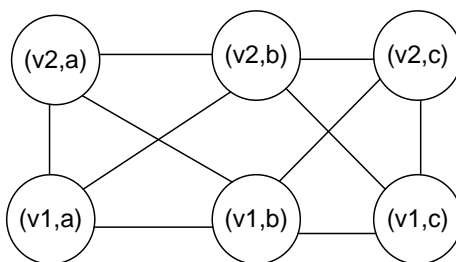


4. Выполнить операцию прямого произведения графов

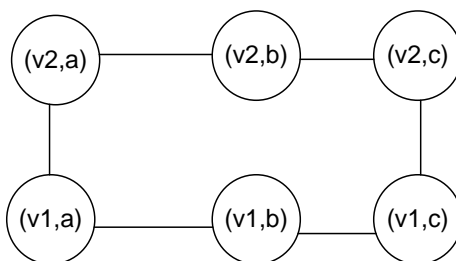


Варианты ответов

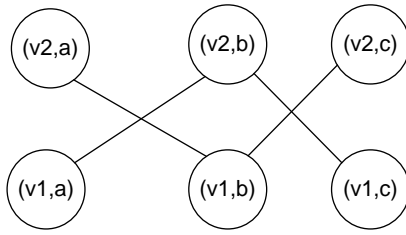
1.



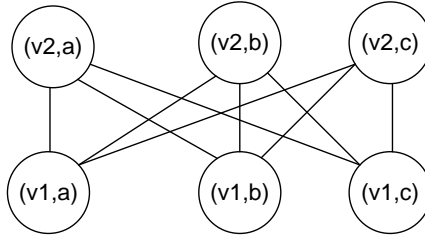
2.



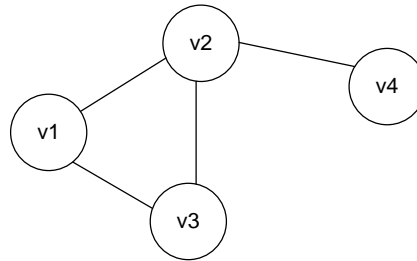
3.



4.



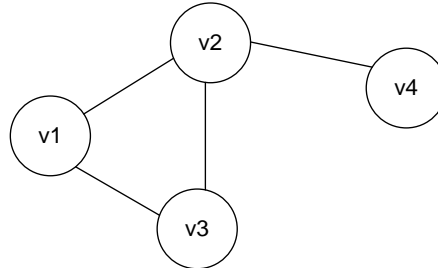
5. Найти диаметр графа



Варианты ответов

1. 1.
2. 2.
3. 3.
4. 4.

6..Построить матрицу достижимости для графа



Варианты ответов

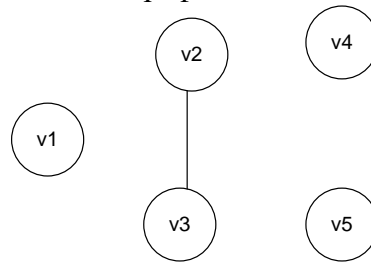
$$1. D = \begin{pmatrix} 2 & 2 & 2 & 1 \\ 2 & 3 & 2 & 1 \\ 2 & 2 & 2 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$$

$$2. D = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 0 \end{pmatrix}$$

$$3. D = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$$

$$4. D = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 3 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$$

7. Построить матрицу смежности для графа



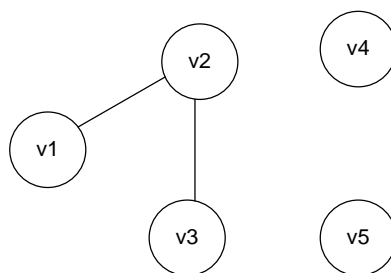
$$1. A = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

$$2. A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

$$3. A = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

$$4. A = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

8..Построить матрицу инцидентности для графа



Варианты ответов

$$1. \quad B = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}.$$

$$2. \quad B = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$$

$$3. \quad B = \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 1 & 0 \\ 0 & 1 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$$

$$4. \quad B = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 1 \\ 0 & 1 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$$

### Контрольная работа

Пример варианта контрольной работы

**Задача 1.** Найти  $A \cup B, A \cap B, A \cap C, B \cup C, (A \cup B) \cap C, A \cap B \cap C$  и изобразить эти множества на числовой прямой, если:

$$A = [-3; 3], \quad B = (1; 6), \quad C = (-2; 2]; \quad \text{Определить}$$

**Задача 2.** А) Проверить свойства рефлексивности, симметричности и транзитивности. Представить его другими способами (графическим, перечислением элементов), если бинарное отношение задано матрицей.

$$R = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

Б) Размещение фигур на шахматной доске дается записью: Фb5, Лd5, Кd6, Фf4 (Ф-ферзь, Л-ладья, К-конь, С-слон). Построить матрицу смежности бинарного отношения R='на клетке находится фигура'.

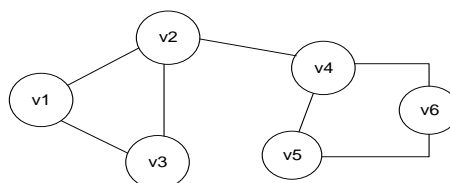
**Задача 3.** Выполнение операций комбинаторики:

- Из 6 человек надо выбрать 4 человека и разместить их на четырех занумерованных стульях. Сколькими способами это можно сделать?
- Сколькими способами можно выбрать двух элемента из восьми?
- Сколькими способами можно разместить 5 человек за столом?

**Задача 4.** Из полной колоды карт (52 листа) вынимается сразу несколько карт. Сколько возможных исходов, что в случае, если вынута четыре карты:

- две будут одной масти?
- ровно две карты будут одного цвета?
- Будут две семерки?

**Задача 5.** Построить матрицу смежности, инцидентности и достижимости для графа. Построить граф в Gerhi. Рассчитать его параметры (степень вершин, эксцентриситет, диаметр графа, число компонент связности).



**Задача 6.** Определить степени вершин, компоненты связности, цикломатическое число графа. С помощью матрицы Кирхгофа определить число остовов графа. Построить минимальный остов графа с помощью алгоритмов Прима и Краскала, если матрица весов имеет вид

v1,v2	v1,v3	v1,v4	v1,v5	v1,v6	v2,v3	v2,v4	v2,v5	v2,v6	v3,v4	v3,v5	v3,v6	v4,v5	v4,v6	v5,v6
5	4	2	7	5	4	6	3	2	5	9	12	7	8	4

#### Типовые оценочные материалы по теме 4

#### Типовые вопросы для устного опроса по теме 4

- Что такое логическая функция? Способы задания функций. Таблицы истинности. Как использовать таблицы истинности для доказательства тождеств?
- Функционально полные системы. Приведите примеры функционально полных систем
- Конъюнктивные и дизъюнктивные нормальные формы. Для чего используются формы? Приведите примеры форм.

4. Совершенные нормальные формы. Минимизация функций алгебры логики.
5. Минимизация БФ аналитическим способом. Приведите примеры. Что такое интервал?
6. Минимизация БФ методом Квайна - Мак-Класки.
7. Табличный способ минимизации на картах Карно.
8. Релейно-контактные схемы
9. Полиномы Жегалкина

#### Типовые задания по теме 4

**Задание 1.** Проверить, какие из следующих логических формул являются тавтологиями:

- $((p \rightarrow q) \& (p \vee r) \& (\neg r)) \rightarrow \neg p$ ,
- $((p \sim q) \& (p \vee r) \& (\neg r)) \rightarrow ((\neg q) \rightarrow p)$ .

**Задание 2.** На вопрос: «Кто из трех студентов изучал математическую логику?» получен верный ответ – «Если изучал первый, то изучал и третий, но неверно, что если изучал второй, то изучал и третий». Кто изучал математическую логику?

**Задание 3.** Представить в СДНФ следующие логические функции:

- $f(x_1, x_2, x_3) = ((\neg x_1) \vee x_3) \oplus (x_2 \& (\neg x_3))$ ,
- $f(x_1, x_2, x_3) = (x_1 \sim (\neg x_2)) \rightarrow (x_3 \oplus x_1)$ .

**Задание 4.** Представить в СКНФ следующие логические функции:

- $f(x_1, x_2, x_3) = (x_1 \rightarrow x_2) \& (x_2 \rightarrow x_1) \sim x_3$ ,
- $f(x_1, x_2, x_3) = (x_1 \oplus x_2) \rightarrow (x_2 \& x_3)$ .

**Задание 5.** Разложить по переменной  $p$  следующие логические функции:

$$f(p, q) = (p \rightarrow q) \& (\neg p) \rightarrow (\neg q),$$

$$f(p, q) = ((\neg p) \& q) \rightarrow (p \vee q).$$

**Задание 6.** Представить в виде контактно-релейной схемы функции из условий задания 4.

**Задание 7.** Минимизировать с помощью карты Карно функцию заданную перечислением единичных наборов:

$$f(x_1, x_2, x_3) = (1 \ 1 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 1 \ 1);$$

$$f(x_1, x_2, x_3, x_4) = (1 \ 0 \ 0 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 0 \ 0 \ 1 \ 1 \ 1 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0)$$

**Задание 8.** Функция алгебры логики задана в виде указания номеров конstituент единицы

$$f(x_1, x_2, x_3, x_4) = (3, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15)$$

Сокращенная нормальная форма имеет вид:

$$f(x_1, x_2, x_3, x_4) = x_1 x_2 \vee \bar{x}_1 x_2 x_3 \vee x_1 \bar{x}_2 \bar{x}_3 \vee \bar{x}_2 x_3 x_4 \vee \bar{x}_1 \bar{x}_2 x_3 \bar{x}_4 \vee x_1 \bar{x}_4.$$

Найти минимальную дизъюнктивную нормальную форму, решив задачу покрытия конstituент единицы максимальными импликантами.

**Задание 9.** Определить какие переменные являются существенными, а какие несущественными. Исключить не существенные переменные, если такие имеются:

$$f(x, y, z) = (1 \ 0 \ 1 \ 1 \ 1 \ 0 \ 1 \ 1)$$

$$f(x, y, z, v) = (1 \ 0 \ 1 \ 1 \ 1 \ 0 \ 1 \ 1 \ 1 \ 0 \ 1 \ 1 \ 1 \ 0 \ 1 \ 1)$$

**Тест**

1. Составить таблицы истинности для формулы  $(x \wedge y) \vee x$ ;

Варианты ответов

1.

$x$	$y$	$(x \wedge y) \vee x$
0	0	0
1	0	0
0	1	1
1	1	1

1.

$x$	$y$	$(x \wedge y) \vee x$
0	0	0
1	0	1
0	1	0
1	1	1

3.

$x$	$y$	$(x \wedge y) \vee x$
0	0	1
1	0	0
0	1	1
1	1	1

4.

$x$	$y$	$(x \wedge y) \vee x$
0	0	1
1	0	0
0	1	1
1	1	1

2. Построить СКНФ функции, заданной формулой  $f(x, y, z) = \bar{x} \bar{y} \vee y \bar{z} \vee xz$

Варианты ответов

1.  $f(x, y, z) = \bar{x}z\bar{y} \vee xy\bar{z} \vee xz$ .

2.  $f(x, y, z) = xzy \vee xy\bar{z} \vee \bar{x}y\bar{z} \vee x\bar{y}z$ .

3.  $f(x, y, z) = xzy \vee xy\bar{z} \vee \bar{x}y\bar{z} \vee x\bar{y}z \vee \bar{x} \bar{y} \bar{z} \vee \bar{x} \bar{y} z$ .

4.  $f(x, y, z) = \bar{x}z\bar{y} \vee xy\bar{z} \vee xzy$ .

3. Построить полином Жегалкина для функции  $f(x, y, z) = \bar{y}\bar{z} \vee xz \vee \bar{x}\bar{y}$ .

Варианты ответов

1.  $f(x, y, z) = xz + yz + xzy$ .

2.  $f(x, y, z) = x\bar{z} + yz + xzy$ .

3.  $f(x, y, z) = xz \vee yz \vee xzy$ .



$$4. f(x, y, z) = \bar{x}z + yz + \bar{x}y\bar{z}.$$

4. Будет ли высказывание  $S = (A \rightarrow B) \wedge (B \rightarrow C) \rightarrow (A \rightarrow C)$  тождественно истинным, тождественно ложным или переменным.

Варианты ответов

1. Тожественно истинным.
  2. Тожественно ложным.
  3. Переменным.
5. Можно ли некоторое высказывание записать в виде релейно-контактной схемы?
1. Да.
  2. Нет.
  3. иногда можно, иногда нет.
6. Какие из высказываний  $S_1, S_2, S_3$ , состоящих из двух элементарных  $A$  и  $B$ , равносильны?
- $S_1$ : "Если  $A$ , то не  $B$ ".  
 $S_2$ : " $A$  или не  $B$ ".  
 $S_3$ : "Неверно, что  $A$  и  $B$ ".
1.  $S_1 = S_2$ .
  2.  $S_1 = S_3$ .
  3.  $S_2 = S_3$ .
7. Какая формула соответствует функции  $f(x_1, x_2): f(1,1) = 1$ ?
1.  $x_1 \rightarrow x_2$ ;
  2.  $x_1 \vee x_2$ ;
  3.  $x_1 \wedge x_2$ .
8. С помощью какой связки можно записать любую формулу алгебры высказываний?
1. с помощью дизъюнкции;
  2. с помощью конъюнкции;
  3. с помощью штриха Шеффера.

#### Расчетное задание по теме 4

Пример индивидуального задания:

Задана четырехместная булева функция

$$f(x_1, x_2, x_3, x_4) = x_1 x_2 x_3 x_4 + x_1 \bar{x}_2 \bar{x}_3 \bar{x}_4 + \bar{x}_1 \bar{x}_2 x_3 \bar{x}_4 + \bar{x}_1 x_2 \bar{x}_3 x_4 + \bar{x}_1 \bar{x}_2 \bar{x}_3 x_4 + \bar{x}_1 \bar{x}_2 x_3 x_4;$$

Построить множество ее единичных вхождений. Упростить эту функцию и найти соответствующие ей сокращенную ДНФ, тупиковую ДНФ и минимальную ДНФ двумя способами:

1. по методу минимизирующих карт Карно;
2. по методу Квайна-Маккласки.

Построить для минимизированной функции схемную реализацию в базисах Буля, ИЛИ-НЕ (Вебба), И-НЕ (Шеффера).

#### Типовые оценочные материалы по теме 5

#### Типовые вопросы для устного опроса по теме 5

- 1.4. Что такое исчисление?
- 1.5. Дайте определение исчисления высказываний. Что входит в состав исчисления высказываний? Назовите аксиомы исчисления.
- 1.6. Что такое силлогизм? Приведите примеры силлогизмов.
- 1.7. Дайте определение предиката. Приведите примеры предикатов первого порядка, одноместных и многоместных предикатов.
- 1.8. Операции над кванторами.
- 1.9. Приведите примеры логического вывода с помощью метода резолюции.
- 1.10. Что такое дизъюнкт Хорна? Приведите примеры логического вывода с помощью дизъюнктов Хорна.

### Типовые задания по теме 5

#### Задача 1.

Доказать теорему:

Если я молод или здоров, то я радуюсь жизни и имею много интересов в жизни. Если я радуюсь жизни или здоров, то со мной интересно. Я молод.

Доказать, что со мной интересно.

Решить задачу с помощью таблицы истинности, методов Вонга и резолюции.

**Задача 2.** Изобразить это множество на координатной плоскости.

$$1) \quad P(x, y) = (x + y = 5) \& ((x^2 - y^2) = 45).$$

$$2) \quad P(x, y) = (y \leq x^2) \& (2x - y + 2 \leq 0).$$

**Задача 3.** На предметной области  $X \times Y$ , где  $X = \{x_1, x_2, x_3\}$  и  $Y = \{y_1, y_2, y_3\}$ , заданы предикаты  $P(x, y)$ ,  $Q(x, y)$  таблицами.

$P(x, y)$	$x_1$	$x_2$	$x_3$
$y_1$	0	1	1
$y_2$	1	0	1
$y_3$	1	0	1

$Q(x, y)$	$x_1$	$x_2$	$x_3$
$y_1$	1	0	0
$y_2$	0	1	1
$y_3$	0	1	1

Рассматривается предикат

$$C(x, y) = \neg P(x, y) \rightarrow Q(x, y).$$

Требуется:

- 1) представить предикат  $C(x, y)$  таблицами;
- 2) определить логические значения высказываний

$$\begin{aligned}
& (\exists x)(\exists y)C(x, y), \quad (\forall x)(\forall y)C(x, y), \\
& (\forall x)(\exists y)C(x, y), \quad (\exists y)(\forall x)C(x, y), \\
& (\forall y)(\exists x)C(x, y), \quad (\exists x)(\forall y)C(x, y).
\end{aligned}$$

**Задача 4.** Дать формулу высказываний с помощью исчисления предикатов первого порядка.

- а) Дано высказывание: «Нет ничего скрытого, что не станет явным».  
б) Дано высказывание: «Кто имеет уши, да услышит».

**Задача 5.** Преобразовать формулу в предваренную нормальную форму:

А) Преобразовать формулу:

$$(\forall x(P_1(x) \rightarrow \forall y(P_2(y) \rightarrow P_3(z)))) \& (\neg \forall y(P_4(x, y) \rightarrow P_5(z))).$$

Б) Преобразовать формулу:

$$\forall x(P_1(x) \leftrightarrow \exists y(P_2(y))) \rightarrow \forall z(P_3(z)).$$

**Задача 6.** Построить сколемовскую нормальную форму

А) Преобразовать формулу:

$$\exists z \forall w \exists x \forall y ((P_1(z) \vee P_2(x) \vee P_3(y)) \& (\neg P_2(w)) \vee P_2(x) \vee P_3(y)) \& (\neg P_2(w) \vee \neg P_1(z) \vee P_3(y)).$$

Б) Преобразовать формулу:

$$\exists x (\forall y (P_1(x, y))) \& \exists x (\forall y (P_2(x, y))).$$

**Задача 7.** Родственниками являются брат, сестра, отец и мать жены.

**Дано:**

1. с является женой е;
2. b является отцом с;
3. d является отцом е
4. е является матерью l;
5. l является сестрой с.
6. k является братом с.
7. а является матерью s;
8. р является сестрой с.
9. г является братом а.

Определить, кто является родственником для а, используя приведение к сколемовской нормальной форме?

### Контрольная работа

**Задача 1.** Выяснить, эквивалентны ли функции

$$f = (\bar{x} \rightarrow y) \rightarrow (\bar{x}y \sqcap (x \oplus y)); \quad g = (\overline{xy} \rightarrow x) \rightarrow y;$$

**Задача 2.** Построить совершенную дизъюнктивную и конъюнктивную нормальные формы для функции, заданной конституентами единицы

$$f(x_1, x_2, x_3, x_4) = (1, 2, 7, 8, 9, 10, 11)$$

**Задача 3.** Построить таблицу истинности функции и построить логическую схему для функции

$$f(x, y, z) = x \oplus y \vee z \rightarrow x \vee \bar{y}$$

**Задача 4.** С помощью карты Карно минимизировать функцию

$$f(x, y, z, v) = (1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 0 \ 1 \ 1 \ 0 \ 1 \ 0 \ 1 \ 0 \ 0 \ 0)$$

Указать сложности минимальных ДНФ.

**Задача 5.** Решить задачу покрытия, если сокращенная нормальная форма имеет

вид:

$$f(x_1, x_2, x_3, x_4) = \bar{x}_1 x_3 x_4 \vee \bar{x}_1 x_2 x_4 \vee \bar{x}_2 x_3 x_4 \vee x_1 \bar{x}_2 x_4 \vee x_1 \bar{x}_3 x_4 \vee x_2 x_3$$

а функция задана своими конституентами

$$f = (0 \ 0 \ 0 \ 1 \ 0 \ 1 \ 0 \ 1 \ 0 \ 1 \ 0 \ 1 \ 0 \ 1 \ 0 \ 0)$$

**Задача 6.** Проанализировать наличие несущественных переменных, если функция задана единичным набором

$$f(x, y, z) = (1 \ 0 \ 1 \ 0 \ 1 \ 0 \ 1 \ 0)$$

**Задача 7.** Доказать истинность следующей клаузы методом Вонга и методом резолюции:

$$B \rightarrow (C \rightarrow A), B \rightarrow D, C, D \Rightarrow A.$$

**Тест**

1. Укажите номера шагов приведения к предваренной нормальной форме:

1. исключить в формуле всюду логические связки  $\leftrightarrow$  и  $\rightarrow$
2. продвинуть отрицание до элементарной формулы по правилам:  
 $\neg \forall_x(F) = \exists_x(\neg F)$ ,  
 $\neg \exists_x(F) = \forall_x(\neg F)$ ,  
 $\neg(F_1 \vee F_2) = (\neg F_1 \& \neg F_2)$ ,  
 $\neg(F_1 \& F_2) = (\neg F_1 \vee \neg F_2)$ ,

3. переименовать связанные переменные по правилу: найти самое левое связанное вхождение предметной переменной, такое, что существует еще одно вхождение этой же переменной, затем сделать замену связанного вхождения на вхождение новой переменной. Операцию повторять, пока возможна замена связанных переменных

4. вынести кванторы новых связанных переменных влево, не нарушая их последовательности

5. преобразовать бескванторную матрицу к виду конъюнктивной нормальной формы

2. Предложение « $x$  – четное число» является ?

1. одноместным тождественно ложным предикатом;
2. одноместным тождественно истинным предикатом;
3. одноместным выполнимым предикатом;
4. высказыванием;
5. вероятностным предикатом.

3. Предикат  $P(x; y)$  определен на множестве  $N^2$  и означает « $x \geq y$ ». Укажите истинные высказывания

1.  $\exists y \forall x P(x; y)$
2.  $\forall x \exists y P(x; y)$
3.  $\exists y \exists x P(x; y)$
4.  $\forall x \forall y P(x; y)$

4. Одноместным предикатом является следующее предложение...

1. « $2x - 8 \leq x + 3$ »
2. «при  $x = 2$  выполняется равенство  $x^2 - 4 = 0$ »
3. «число 5 является делителем числа 15»
4. «однозначное число  $x$  кратно 2»

5. Выбрать сколемовскую нормальную форму для

$$\exists x_1 \forall x_2 \forall x_3 \exists x_4 \forall x_5 \exists x_6 ((P_1(x_1, x_2) \vee \neg P_2(x_3, x_4, x_5)) \& P_3(x_4, x_6)).$$

1.  $\forall x_2 \forall x_3 \forall x_5 ((P_1(x_1, x_2) \vee \neg P_2(x_3, x_4, x_5)) \& P_3(x_4, x_6)).$
2.  $((P_1(x_1, x_2) \vee \neg P_2(x_3, x_4, x_5)) \& P_3(x_4, x_6)).$
3.  $\forall x_2 \forall x_3 \forall x_5 ((P_1(a, x_2) \vee \neg P_2(x_3, f_1(x_2, x_3), x_5)) \& P_3(f_1(x_2, x_3), f_2(x_2, x_3, x_5)))$
4.  $\forall x_2 \forall x_3 \forall x_5 ((P_1(a, x_2) \vee \neg P_2(x_3, f(x_2, x_3), x_5)) \& P_3(f(x_2, x_3), f(x_2, x_3, x_5)))$
5.  $(P_1(a, x_2) \vee \neg P_2(x_3, f_1(x_2, x_3), x_5)) \& P_3(f_1(x_2, x_3), f_2(x_2, x_3, x_5))$

### Типовые оценочные материалы по теме 6

#### Типовые вопросы для устного опроса по теме 6

- 1.11. Дайте определение кода. Приведите примеры кодов.
- 1.12. Приведите классификацию кодов. Для чего применяется избыточное кодирование?
- 1.13. Как кодируется числовая информация? Приведите примеры перевода кода из одной системы счисления в другую.
- 1.14. Как кодируется символьная информация?
- 1.15. Какие используются методы для сжатия информации?

#### Типовые задания по теме 6

1. Система кодирования имеет вид:

$$\sigma_1 = \left( \begin{array}{l} 0 \rightarrow 0, 1 \rightarrow 1, 2 \rightarrow 10, 3 \rightarrow 11, 4 \rightarrow 100, 5 \rightarrow 101, 6 \rightarrow 110, 7 \rightarrow 111, 8 \rightarrow 1000, 9 \rightarrow 1001, \\ 10 \rightarrow 1010, 11 \rightarrow 1011, 12 \rightarrow 1100, 13 \rightarrow 1101, 14 \rightarrow 1110, 15 \rightarrow 1111 \end{array} \right).$$

Проверить неравенство Макмиллана и построить равномерный и префиксный код.

2. С помощью алгоритма Хаффмана построить код, если исходный код имеет вид:

Исходный алфавит	$p_i$	Код
а	0,15	000
в	0,1	001
е	0,25	010
о	0,15	011
и	0,3	100
с	0,03	101
к	0,02	110

Проанализировать среднюю длину кода символа для полученной кодировки.

#### Тест

1. Таблица префиксного кода имеет вид

Символ, alfa	Код, beta
a	01
e	10
c	001
d	111
s	110
t	0001
g	00000

Декодировать сообщение 001010001110

1. Cats
2. Cat
3. Sets
4. Tag
5. tags

2. Задано число в шестнадцатеричной системе счисления F023A9,12C4. Как изменится число, если в его представлении запятую перенести на два знака влево?

- 1.16. уменьшится в 100 раз;
- 1.17. уменьшится в 256 раз;
- 1.18. увеличится точность;
- 1.19. не изменится;
- 1.20. уменьшится на 10.
- 1.21. двоичный код

3. Двоичный код десятичного числа имеет вид 10100101.

Написать десятичный код числа

4. Код Хаффмана. Исходный алфавит и частота буквы в сообщении представлены таблицей

Исходный алфавит	$p_i$
a	0,2
б	0,05
e	0,25
o	0,15
и	0,3
c	0,025
к	0,025

Какова средняя длина кода буквы при использовании кода Хаффмана? Ответ округлить до десятых

5. код Хаффмана. Какова минимальная длина кода буквы, если таблица частот используемого алфавита имеет вид:

Исходный алфавит	Частота буквы
------------------	---------------

	(вероятность), $p_i$
а	0,2
б	0,05
е	0,25
о	0,15
и	0,3
с	0,025
к	0,025

Ответ указать цифрой

6. код Хаффмана. Какова максимальная длина кода буквы, если таблица частот используемого алфавита имеет вид:

Исходный алфавит	Частота буквы (вероятность), $p_i$
а	0,2
б	0,05
е	0,25
о	0,15
и	0,3
с	0,025
к	0,025

Ответ указать цифрой

7. Минимальное кодовое расстояние. Минимальное кодовое расстояние для кода равно пяти. Сколько ошибок может исправить данный код? Ответ указать числом в диапазоне от нуля до пяти

## 5. Оценочные материалы промежуточной аттестации по дисциплине

### 5.1 Экзамен проводится с применением следующих методов (средств):

Экзамен проводится в компьютерном классе в устной форме. Во время экзамена проверяется уровень знаний по «Анализу данных», а также уровень умений решать учебные задачи анализа данных с использованием программных приложений. К экзамену студенты должны решить задания по всем темам учебной дисциплины. Результаты решения задач могут быть использованы при решении практической задачи в соответствии с имеемым перечнем задач. Пример задач приведен в программе. При ответе на вопросы студент показывает умение решать практические задачи с использованием интегрированных средств разработки IDE Rstudio, Anaconda navigator (Jupyter Notebook )

Промежуточная аттестация может проводиться устно в ДОТ/письменно / тестирование. Для успешного освоения курса учащемуся рекомендуется ознакомиться с литературой, размещенной в разделе 6, и материалами, выложенными в ДОТ.

5.2. Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения образовательной программы. Показатели и критерии оценивания компетенций с учетом этапа их формирования

Код компетенции	Наименование компетенции	Код Компонента компетенции	Наименование \ компонента компетенции
ОПК-4	Способен понимать принципы работы информационных технологий; использовать информацию, методы и программные средства её сбора, обработки и анализа	ОПК-4.1	Способен использовать математические методы, математические модели и программные средства для решения задач сбора, обработки и анализа информации

	для информационно-аналитической поддержки принятия управленческих решений		
		ОПК-4.2	Способен использовать при решении практических задач методы и программные средства сбора информации, ее обработки и анализа для информационно-аналитической поддержки принятия управленческих решений

### Показатели и критерии оценивания компетенций с учетом этапа их формирования

Таблица 4.

Компонент компетенции	Индикатор оценивания	Критерий оценивания
ОПК-4.1	Использует математические методы, математические модели и программные средства для решения задач сбора, обработки и анализа информации	<ol style="list-style-type: none"> <li>1. Правильное решение задачи. Описан путь ее решения, используемые теоретические положения.</li> <li>2. Правильные ответы на поставленные вопросы</li> </ol>
ОПК-4.2	Использует при решении практических задач методы и программные средства сбора информации, ее обработки и анализа для информационно-аналитической поддержки принятия управленческих решений	<ol style="list-style-type: none"> <li>1. Представлены результаты выполнения учебных задач дискретной математики.</li> <li>2. Приведены скрипты, результаты решения задач эконометрики с использованием программных приложений, языков статистической обработки (R, Python).</li> <li>3. Правильно выполнения интерпретация результатов моделирования.</li> <li>4. Сделаны правильные ответы на поставленные вопросы или тесты</li> </ol>

Для оценки сформированности компетенций, знаний и умений, соответствующих данным компетенциям, используются контрольные вопросы, а также задачи.

#### 5.3.1. Типовые вопросы, выносимые на экзамен



1. Дать определение множества. Указать способы задания множеств. Привести примеры.
2. Характеризовать простейшие операции над множествами. Объяснить их содержание с помощью диаграммы Эйлера.
3. Дать определение булеана и мощности множеств. Характеризовать мощность бесконечных множеств, их свойства. Доказать отдельные свойства. Определить понятия актуальной и абсолютной бесконечности.
4. Определить алгебру множеств. Перечислить основные тождества теории множеств. Доказать отдельные тождества. Определить двойственность тождеств.
5. Дать определение нечеткого множества, функции принадлежности нечетких множеств. Привести примеры нечетких множеств.
6. Дать определение декартова произведения множеств, квадрата множеств,  $n$ -арного произведения множеств. Описать свойства декартова произведения.
7. Характеризовать отношения на множествах. Сформулировать графические способы представления отношений. Привести примеры бинарных отношений.
8. Описать свойства бинарных отношений. Указать их графическое представление.
9. Определить  $N$ -арные отношения. Дать определение реляционных отношений. Привести примеры диаграмм задания отношений
10. Дать определение реляционной алгебры. Перечислить операции реляционной алгебры. Привести примеры.
11. Дать определение и перечислить свойства отношения эквивалентности. Определить понятие фактор-множества. Привести примеры.
12. Классифицировать отношения порядка. Указать свойства отношений порядка.
13. Определить диаграммы Хассе. Привести примеры.
14. Определить миноранты и мажоранты на множестве. Дать определение инфимума и супремума, минимума и максимума.
15. Мощности множеств. Бесконечные множества. Равномощность.
16. Дать определения отображения и функции, обратной функции и отображения. Указать способы задания функций. Определить понятие функционала, оператора. Обсудить отличия биекции, суръекции и инъекции.
17. Определить предмет комбинаторики. Определить основные теоремы комбинаторики. Привести формулу включения и исключения. Определить

- операции размещения, перестановки и сочетания. Указать отличия операций без повторений и с повторениями.
18. Дать определение биномиального коэффициента. Вывести формулу бинома Ньютона. Привести обобщенные формулы бинома Ньютона.
  19. Дать определение графы. Описать основные понятия графов. Указать отличия между ориентированными и неориентированными графами.
  20. Классифицировать графы. Определить мультиграфы и псевдографы. Определить операции на графах.
  21. Указать способы задания графов. Характеризовать матрицу инцидентности и матрицу смежности графа. Указать различия между способами задания для ориентированного и неориентированного графа.
  22. Дать определение подграфа. Определить понятия степень вершины графа, эксцентриситета, радиуса и диаметра графа. Дать определение и описать организацию построения матрицы достижимости графа.
  23. Определить понятия маршрута, цепи и цикла. Определить и привести примеры гамильтова и эйлера графа и цикла.
  24. Дать характеристику ориентированных графов. Обсудить двойственные графы. Характеризовать сети Петри. Указать способы их задания. Объяснить понятие «размеченный граф», описать правила срабатывания переходов сети Петри.
  25. Дать определение социальных сетей, указать их свойства. Описать показатели социальной сети. Рассмотреть виды центральности сети. Дать обзор программы Gretl.
  26. Дать определение связного графа, компонент связности, сильной связности, вершинной и реберной связности графа, указать их взаимоотношение. Дать

- определение и привести соотношение для определения цикломатического числа графа.
27. Дать определение и определить свойства древесных графов. Указать основные термины, применяемые при описании древесных графов. Описать бинарные графы, В-графы.
  28. Охарактеризовать остовный граф. Указать процедуру построения минимального остовного графа. Характеризовать алгоритмы Краскала и Прима. Привести примеры.
  29. Указать способ задания графа с помощью матрицы Кирхгофа. Определить ее свойства. Описать организацию использования матрицы Кирхгофа для определения числа остовов графа.
  30. Характеризовать алгоритм Дейкстры. Привести примеры его использования для определения минимального расстояния на графе.
  31. Дать определение булевой алгебры.
  32. Определить понятие высказывания. Определить операции на множестве высказываний.
  33. Привести основные тождества булевой алгебры. Доказать отдельные тождества.
  34. Определить понятие функции алгебры логики. Сформулировать теорему о числе булевых функций. Перечислить и указать свойства булевых функции от одной переменной.
  35. Перечислить, указать основные соотношения, привести таблицы истинности булевых функций от двух переменных.
  36. Привести примеры алгебр на основе логических функций. Определить понятие функционально-полного набора функций. Определить алгебру Жегалкина.
  37. Характеризовать специальные разложения булевых функций. Определить совершенные нормальные формы, СДНФ и СКНФ.
  38. Объяснить организацию построения дизъюнктивной и конъюнктивной нормальных форм, алгоритмы их построения.
  39. Перечислить методы минимизации булевых функций. Характеризовать карты Карно.
  40. Определить существенные и несущественные переменные, способы выявления несущественных переменных и минимизации функций алгебры логики.
  41. Дать определение грани, ребра гиперкуба. Определить понятие максимального интервала, импликанты. Характеризовать метод Квайна. Привести пример решения задачи минимизации.
  42. Дать определение и организацию построения релейно-контактных схем. Сформулировать теорему Шеннона. Показать организацию ее использования при синтезе логических схем.
  43. Определить операцию нахождения производных логических функций. Показать примеры использования производных. Характеризовать метод каскадов при синтезе логических схем.
  44. Сделать обзор элементов традиционной логики. Перечислить основные фигуры, силлогизмы. Характеризовать логический квадрат.
  45. Определить понятие формальной системы.
  46. Определить формальную систему «исчисление высказываний».
  47. Характеризовать метод доказательства теорем Вонга.
  48. Характеризовать метод резолюции. Определить операцию резолюции, резольвенты.
  49. Характеризовать дизъюнкты Хорна. Привести примеры.
  50. Определить формальную систему «Исчисление предикатов».

51. Характеризовать кванторы существования и всеобщности. Привести соотношения взаимосвязи кванторов.
52. Сформулировать основные соотношения алгебры предикатов.
53. Дать определение предваренной нормальной формы. Сформулировать алгоритм ее построения.
54. Дать определение сколемовская нормальная форма. Сформулировать алгоритм ее получения.
55. Характеризовать резолюцию в исчислении предикатов, характеризовать операцию унификации. Определить понятие наиболее общего унификатора, организацию использования в операции резолюции.
56. Дать определение кода и кодирования.
57. Классифицировать коды. Характеризовать избыточные коды.
58. Характеризовать алфавитное кодирование. Привести примеры кодов.
59. Определить понятие разделимых схем. Привести неравенство Макмиллана. Показать примеры кодирования и декодирования.
60. Дать определение неравномерного кодирования, кодирования с минимальной избыточностью. Характеризовать метод Фано, метод Хаффмана. Привести примеры. Найти отличия.
61. Продемонстрировать формы представления чисел в ЭВМ. Дать характеристику систем счисления.
62. Продемонстрировать умение решать задачи по переводу чисел из одной системы счисления в другую, выполнения арифметических операций в различных системах счисления.

### 5.3.2.Примеры задач на экзамен

2. Перечислите множество всех подмножеств (булеан), если исходное множество

$$1.A = \emptyset.$$

$$2.A = \{a, b, e\}.$$

$$4.A = \{a, b, c, d\}.$$

3. Пусть задано множество отношений

$$R_1 = \{(2,3), (3,4), (5,6), (7,8)\};$$

$$R_2 = \{(2,3), (3,4), (5,7), (9,12)\};$$

Найти  $R_1 \times R_2, R_1 \cup R_2, R_1 \cap R_2$

4. Построить граф и матрицу отношения эквивалентности для разбиения на классы эквивалентности

$$M_1 = \{x_1, x_2, x_3\}; M_2 = \{x_4\}; M_3 = \{x_5, x_6, x_7, x_8\}.$$

5. Задать отношение различными способами (матричным, графическим)

$$R_1 = \{(1,3), (2,3), (1,4), (3,2), (3,4)\};$$

$$R_2 = \{(a,b), (2,3), (a,3), (c,b), (c,3), (2,b)\}; R_3 = \{(1,4), (a,3)\}.$$

6. Выполнить операции над отношениями

$$R_1 = \{(1,3), (2,3), (2,4), (3,2), (3,1)\};$$

$$R_2 = \{(a,b), (2,3), (a,3), (c,b), (c,3), (2,b)\}; R_3 = \{(1,3), (a,3)\}.$$

$$R_1 \cap R_2 \setminus R_3;$$

$$R_1 \setminus (R_2 \cap R_3).$$

7. Выяснить, эквивалентны ли функции

$$f = (\bar{x} \rightarrow y) \rightarrow (\bar{x}y \square (x \oplus y)); \quad g = (\overline{xy} \rightarrow x) \rightarrow \bar{y};$$

8. Построить совершенную дизъюнктивную и конъюнктивную нормальные формы для функции, заданной конститутентами единицы

$$f(x_1, x_2, x_3, x_4) = (1, 2, 7, 8, 9, 10, 11, 12)$$

Оценка результатов производится на основе балльно-рейтинговой системы (БРС). Использование БРС осуществляется в соответствии с приказом от 06 сентября 2019 г. №306 «О применении балльно-рейтинговой системы оценки знаний обучающихся».

Схема расчетов сформирована в соответствии с учебным планом направления, согласована с руководителем научно-образовательного направления, утверждена деканом факультета.

Задание	Максимальная сумма баллов
Тест 1 По теории множеств и отношениям	4
Тест 2 По комбинаторике	4
ПЗ1 «Теория множеств. Отношения на множествах»	2
ПЗ2 «Элементы комбинаторики»	2
Тест 3 По теории графов	5
ПЗ3 «Элементы теории графов»	2
Тест 4 Основы алгебры логики	5
ПЗ3 «Основы алгебры логики»	2
Расчетное задание «Минимизация функций»	3
Тест 5 основы исчислений	5
ПЗ 4 «Основы исчислений»	2
Тест 6. Элементы теории кодирования	4
Контрольная работа	10
Посещение занятий	20

Экзамен	30
Всего	100

Схема расчетов доводится до сведения студентов на первом занятии по данной дисциплине, является составной частью рабочей программы дисциплины и содержит информацию по изучению дисциплины, указанную в Положении о балльно-рейтинговой системе оценки знаний обучающихся в РАНХиГС.

В случае если студент в течение семестра не набирает минимальное число баллов, необходимое для сдачи промежуточной аттестации, то он может заработать дополнительные баллы, отработав соответствующие разделы дисциплины, получив от преподавателя компенсирующие задания.

В случае получения на промежуточной аттестации неудовлетворительной оценки студенту предоставляется право повторной аттестации в срок, установленный для ликвидации академической задолженности по итогам соответствующей сессии.

Обучающийся, набравший в ходе текущего контроля в семестре от 51 до 70 баллов, по его желанию может быть освобожден от промежуточной аттестации.

Таблица 4.4

Количество баллов	Оценка	
	прописью	буквой
96-100	отлично	А
86-95	отлично	В
71-85	хорошо	С
61-70	хорошо	D
51-60	удовлетворительно	Е

Оценочные средства (формы текущего и промежуточного контроля)	Показатели оценки	Критерии оценки
Опрос	Корректность и полнота ответов	Опрос проводится в ходе занятия и его результаты могут быть учтены при оценке посещаемости занятий
Тест	1) Правильность решений; 2) Корректность ответов	Максимальное количество баллов за итоговый тест составляет 3 баллов. Три отдельных теста, а также итоговый тест, который проводится перед или во время экзамена в зависимости от формы его проведения: очной или дистанционной. Максимальное сумма баллов за итоговый тест составляет 15.
Задание	1)Правильность решений; 2)Правильные ответы на вопросы при устной защите заданий	Максимально 3 баллов за одно задание

Расчетное задание	1)Правильность решений; 2)Качество оформления отчета; 3)Правильные ответы на вопросы при устной защите заданий	Максимально 5 баллов за одно задание
Контрольная работа	1) правильность решения; 2) корректность выводов 3) обоснованность решений	Две контрольные работы. Максимальное количество баллов за контрольную работу – 5. Максимальный балл выставляется если правильно решены все шесть задач, оформлен отчет по итогам их решения, в отчет вставлены скрипты
Экзамен	1)Полнота ответов на вопросы или правильность ответов на предложенные тесты; 2)Правильное решение задачи, а также полные и правильные ответы на вопросы по задаче	Максимальное количество баллов - 30. В случае дистанционной формы проведения экзамена в сумму баллов входят баллы, полученные в результате итогового тестирования

## 6. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Рабочей программой дисциплины предусмотрены следующие виды аудиторных занятий: лекции, практические занятия, контрольные работы. На лекциях рассматриваются наиболее сложный материал дисциплины. Лекция сопровождается презентациями, компьютерными текстами лекции, что позволяет студенту самостоятельно работать над повторением и закреплением лекционного материала. Для этого студенту должно быть предоставлено право самостоятельно работать в компьютерных классах в сети Интернет.

Практические занятия предназначены для самостоятельной работы студентов по решению конкретных задач эконометрики. Ряд практических занятий проводится в компьютерных классах с использованием Excel. Каждое практическое занятие сопровождается домашними заданиями, выдаваемыми студентам для решения внеаудиторное время. Для оказания помощи в решении задач имеются тексты практических заданий с условиями задач и вариантами их решения.

С целью контроля сформированности компетенций разработан фонд контрольных заданий. Его использование позволяет реализовать балльно-рейтинговую оценку, определенную приказом от 28 августа 2014 г. №168 «О применении балльно-рейтинговой системы оценки знаний студентов».

Для подготовки к ежегодному интернет-тестированию e-Exam осуществляется предварительная проверка знаний студентов, а также их самообучение с помощью специальных тренажеров портала Интернет-тестирования.

Для активизации работы студентов во время контактной работы с преподавателем отдельные занятия проводятся в интерактивной форме. В основном, интерактивная форма занятий обеспечивается при проведении занятий в компьютерном классе. Интерактивная форма обеспечивается наличием разработанных файлов с заданиями, наличием контрольных вопросов, возможностью доступа к системе дистанционного обучения, использованием канала teams, а также мессенжеров.

Подготовка к лекции заключается в следующем:

- внимательно прочитайте материал предыдущей лекции;
- узнайте тему предстоящей лекции (по тематическому плану, по информации лектора);
- ознакомьтесь с учебным материалом по учебнику и учебным пособиям;
- постарайтесь уяснить место изучаемой темы в своей профессиональной подготовке;

- запишите возможные вопросы, которые вы зададите лектору на лекции.

Подготовка к семинарским занятиям:

- внимательно прочитайте материал лекций, относящихся к данному семинарскому занятию, ознакомьтесь с учебным материалом по учебнику и учебным пособиям;
- выпишите основные термины;
- ответьте на контрольные вопросы по семинарским занятиям, готовьтесь дать развернутый ответ на каждый из вопросов;
- уясните, какие учебные элементы остались для вас неясными и постарайтесь получить на них ответ заранее (до семинарского занятия) во время текущих консультаций преподавателя;
- готовиться можно индивидуально, парами или в составе малой группы, последние являются эффективными формами работы;
- рабочая программа дисциплины в части целей, перечню знаний, умений, терминов и учебных вопросов может быть использована вами в качестве ориентира в организации обучения.

Подготовка к контрольной работе:

- внимательно прочитайте материал лекций, и практических занятий, изучите скрипты, приведенные в Moodle, а также в заданиях на практические занятия;
- попробуйте решить задачи, похожие на задачи, которые будут предложены на контрольную работу;
- рабочая программа дисциплины может быть использована при подготовке к контрольной работе.

Подготовка к экзамену.

К экзамену необходимо готовится целенаправленно, регулярно, систематически и с первых дней обучения по данной дисциплине. Попытки освоить дисциплину в период экзаменационной сессии, как правило, показывают не слишком удовлетворительные результаты. В самом начале учебного курса познакомьтесь со следующей учебно-методической документацией:

- программой дисциплины;
- перечнем знаний и умений, которыми студент должен владеть;
- тематическими планами лекций, семинарских занятий;
- контрольными мероприятиями;
- учебником, учебными пособиями по дисциплине, а также электронными ресурсами;
- перечнем вопросов к экзамену.

После этого у вас должно сформироваться четкое представление об объеме и характере знаний и умений, которыми надо будет овладеть по дисциплине. Систематическое выполнение учебной работы на лекциях и семинарских занятиях позволит успешно освоить дисциплину и создать хорошую базу для сдачи экзамена.

## **7. Учебная литература и ресурсы информационно-телекоммуникационной сети "Интернет", включая перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине**

### **7.1. Основная литература**

1. Гашков, Сергей Борисович. Дискретная математика. - Москва:Юрайт, 2020 – 483 с. Текст : электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/450614> (дата обращения: 01.10.2020)
2. Глухов, Михаил Михайлович, Шишков, Алексей Борисович. Математическая логика. Дискретные функции. Теория алгоритмов. - Санкт-Петербург [и др.]:Лань,



- 2021 – 405 с. Текст : электронный. - URL: <https://e.lanbook.com/book/168441> (дата обращения: 24.05.2021). - Режим доступа: для авториз. пользователей.
3. Мальцев, Иван Анатольевич. Дискретная математика. - Санкт-Петербург [и др.]:Лань – 290. Текст : электронный. - URL: <https://e.lanbook.com/book/167838> (дата обращения: 21.05.2021). - Режим доступа: для авториз. пользователей.
  4. Палий, Ирина Абрамовна. Дискретная математика и математическая логика. - Москва:Юрайт, 2021 – 370 с. Текст : электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/472909> (дата обращения: 07.06.2021).
  5. Шевелев, Юрий Павлович. Писаренко, Людмила Анатольевна, Шевелев, Михаил Юрьевич. Сборник задач по дискретной математике (для практических занятий в группах). - Санкт-Петербург [и др.]:Лань, 2021 – 523 с. Текст : электронный. - URL: <https://e.lanbook.com/book/168500> (дата обращения: 26.05.2021). - Режим доступа: для авториз. пользователей.
- Все источники основной литературы взаимозаменяемы.

## 7.2.Дополнительная литература:

1. Аляев Ю.А. Тюрин С.Ф. Дискретная математика и математическая логика. — М.: Финансы и статистика, 2006.
2. Андерсон Дж. Дискретная математика и комбинаторика. – М.: Вильямс, 2004.
3. Белоусов А.И., Ткачев С.Б. Дискретная математика. – М.: МГТУ им. Н.Э. Баумана, 2004.
4. Гаврилов Г.П. Сапоженко А.А. Задачи и упражнения по курсу дискретной математики. – М.: Физматлит, 2005.
5. Кормен, Томас Х и др. Алгоритмы: построение и анализ, 2-е издание — М.: [«Вильямс»](#), 2005.
6. Кузнецов, Олег Петрович. Дискретная математика для инженера: учебник для вузов / О. П. Кузнецов. - Изд. 6-е, стер. - СПб. [и др.]: Лань, 2009. - 395 с.
7. Куликов, Валерий Васильевич. Дискретная математика: учеб. пособие / В. В. Куликов. - М.: РИОР, 2010. - 173 с.
8. Макоха А. Н., Сахнюк П. А., Червяков Н. И. Дискретная математика: Учеб. пособие. - М.: ФИЗМАТЛИТ, 2005.
9. Мальцев, Иван Анатольевич. Дискретная математика: учеб. пособие / И. А. Мальцев. - Изд. 2-е, испр. - СПб. [и др.] : Лань, 2011. - 290 с.
10. Новиков, Федор Александрович. Дискретная математика [Электронный ресурс]: учеб. пособие для студентов вузов, обучающихся по направлению "Системный анализ и управление" / Ф. А. Новиков. - Электрон. дан. - СПб. [и др.]: Питер, 2011. - 384 с.
11. Сачков В. Н. Введение в комбинаторные методы дискретной математики. — М.: Изд-во МЦНМО, 2004.
12. Тишин, Владимир Викторович. Дискретная математика в примерах и задачах [Электронный ресурс]: учеб. пособие для студентов вузов, обучающихся по специальности и направлению "Прикладная математика и информатика" и по направлению "Информационные технологии" / В. В. Тишин. - Электрон. дан. - СПб.: БХВ-Петербург, 2008. - 336 с.
13. Яблонский С. В. Введение в дискретную математику: учебное пособие для вузов. – М.: Высшая школа, 2006.

## 7.3. Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы.

1. Положение о организации самостоятельной работы студентов федерального государственного бюджетного образовательного учреждения высшего образования «Российская академия народного хозяйства и государственной службы при Президенте Российской Федерации» (в ред. приказа РАНХиГС от 11.05.2016 г. № 01-2211);
2. Положение о курсовой работе (проекте) выполняемой студентами федерального государственного бюджетного образовательного учреждения высшего образования «Российская академия народного хозяйства и государственной службы при Президенте Российской Федерации» (в ред. приказа РАНХиГС от 11.05.2016 г. № 01-2211)

#### 7.4. Нормативные правовые документы.

Не используются

#### 7.5. Интернет-ресурсы.

СЗИУ располагает доступом через сайт научной библиотеки <http://nwapa.spb.ru/> к следующим подписным электронным ресурсам:

##### Русскоязычные ресурсы

Электронные учебники электронно - библиотечной системы (ЭБС) «Айбукс»

Электронные учебники электронно – библиотечной системы (ЭБС) «Лань»

Рекомендуется использовать следующий интернет-ресурсы

<http://serg.fedosin.ru/ts.htm>

<http://window.edu.ru/resource/188/64188/files/chernyshov.pdf>

#### 7.6. Иные источники.

Не используются.

### 8. Материально-техническая база, информационные технологии, программное обеспечение и информационные справочные системы

Все практические занятия проводятся в компьютерном классе. Учебная дисциплина включает использование программного обеспечения Microsoft Excel, Microsoft Word, Microsoft Power Point для подготовки текстового и табличного материала, графических иллюстраций.

Методы обучения с использованием информационных технологий (компьютерное тестирование, демонстрация мультимедийных материалов).

Интернет-сервисы и электронные ресурсы (поисковые системы, электронная почта, профессиональные тематические чаты и форумы, системы аудио и видео конференций, онлайн энциклопедии, справочники, библиотеки, электронные учебные и учебно-методические материалы).

Система дистанционного обучения Moodle. В системе находятся тесты для проверки студентов

№ п/п	Наименование
1.	Компьютерные классы с персональными ЭВМ, объединенными в локальные сети с выходом в Интернет
2.	Пакет Excel -2013, 2017, professional plus, RStudio, Anaconda, Gephi
3.	Мультимедийные средства в каждом компьютерном классе и в лекционной аудитории
4.	Браузер, сетевые коммуникационные средства для выхода в Интернет
5.	Облачные технологии Google Collab, Loginom

Компьютерные классы из расчета 1 ПЭВМ для одного обучаемого. Каждому обучающемуся должна быть предоставлена возможность доступа к сетям типа Интернет в течение не менее 20% времени, отведенного на самостоятельную подготовку.