

Документ подписан простой электронной подписью  
Информация о владельце:  
ФИО: Андрей Драгомирович Хлутков  
Должность: директор  
Дата подписания: 03.05.2026 16:50:15  
Уникальный программный ключ:  
880f7c07c583b07b775f6604a630281b13ca9fd2

Приложение 4  
к образовательной программе

## **РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ**

Б1.В.03 Математические методы и модели  
(индекс, наименование дисциплины в соответствии с учебным планом)

38.03.02 Менеджмент  
(код, наименование направления подготовки)

Стратегический менеджмент  
(наименование образовательной программы)

Очная, очно-заочная форма обучения  
(форма обучения)

Год набора – 2025

Санкт-Петербург

**Автор(ы)-составитель(и) РПД:**

Борисова Елена Юрьевна, кандидат технических наук, доцент, доцент кафедры бизнес-информатики

**Заведующий кафедрой бизнес-информатики:**

Наумов Владимир Николаевич доктор военных наук, профессор

Рабочая программа дисциплины Б1.В.03 Математические методы и модели одобрена на заседании кафедры бизнес-информатики СЗИУ РАНХиГС.

протокол № 10 от «27» августа 2025 г.

## СОДЕРЖАНИЕ

1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения программы
2. Объем и место дисциплины в структуре образовательной программы
3. Содержание и структура дисциплины
4. Типы оценочных материалов, показатели, критерии, шкалы оценивания
5. Формы аттестации и типовые оценочные материалы для текущего контроля успеваемости обучающихся
6. Формы промежуточной аттестации по дисциплине, типы оценочных материалов, показатели, критерии, шкалы оценивания
7. Методические материалы по освоению дисциплины
8. Учебная литература и ресурсы информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»
9. Материально-техническая база, информационные технологии, программное обеспечение и информационные справочные системы

**1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы**

Дисциплина Б1.В.03 Математические методы и модели обеспечивает формирование у обучающихся следующих профессиональных компетенций:

| ОТФ/<br>ТФ и<br>реквизи<br>ты<br>ПС<br><br>(при<br>наличи<br>и) | Код<br>компетенц<br>ии | Наимено<br>вание<br>компетен<br>ции   | Код<br>индикатора<br>достижения<br>компетенци<br>й | Наименова<br>ние<br>индикатора<br>достижения<br>компетенци<br>й  | Образовательный<br>результат  |
|---|------------------------|---|--|--|---|
|   | УК ОС -1               | Способен применять критический анализ информации и системный подход для решения задач обоснования собственной гражданской и мировоззренческой позиции | УК ОС -1.2   | Систематизирует информацию, полученную в целях решения поставленной задачи по результатам самостоятельного поиска по широкому кругу источников | <p><b>УК ОС-1.2 З-2</b></p> <p><b>Знает:</b></p> <p>- современные методы прогнозных оценок и планирования при проектировании программ и разработке управленческих решений;</p> <p><b>УК ОС-1.2 У-2</b></p> <p><b>Умеет:</b></p> <p>осуществлять анализ деятельности субъектов управления и процессы в организациях, выявлять проблемы, формулировать цели</p> |

**2. Объем и место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы**

Общий объем дисциплины:  
5,00 з.е., 180 ак.час

Контактная работа обучающихся с преподавателем по видам учебных занятий: [очная/очно-заочная] 72/36 ак. час на контактную работу с преподавателем, из них 24/16 ак.час на лекции, 2/1,5 ак. часа на консультацию и 46/8 ак.час на практические занятия. 72/108 ак. час на самостоятельную работу обучающихся.

Б1.В.03 «Математические методы и модели» реализуется в 1 и 2-м семестрах 1-го курса. Преподавание дисциплины «Математические методы и модели» опирается на школьные курсы «Алгебра и начала анализа» и «Геометрия».

### 3. Содержание и структура дисциплины (модуля)

#### 3.1. Структура дисциплины (модуля)

*Очная форма обучения*

| № п/п            | Наименование тем и (или) разделов          | ВСЕГО | Объем дисциплины, ак.час  |    |                           |    |    |  |    |                        |      |    |         | Форма текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации |                 |
|------------------|--|-------|---|----|---------------------------|----|----|--|----|------------------------|------|----|---------|--|-----------------|
|                  |  |       | Контактная работа обучающихся с преподавателем по видам учебных занятий |    |                           |    |    |  |    | Самостоятельная работа |      |    |         |  |                 |
|                  |  |       | Период теоретического обучения  |    |                           |    |    | Период промежуточной аттестации (сессия) |    | СРкр                   | СРэк | СР |         |  |                 |
|                  |  |       | Занятия лекционного типа  |    | Занятия семинарского типа |    | ИК | КСР                                      | КЭ |                        |      |    | Кат тэк |  | К о н т р о л ь |
|                  |  |       | Л   | ВЛ | ЛР                        | ПЗ |    |  |    |                        |      |    |         |  |                 |
| <b>1 семестр</b> |  |       |   |    |                           |    |    |  |    |                        |      |    |         |  |                 |
| Тема 1.          | Введение. Матрицы и определители           | 15    | 3   | 0  | 0                         | 4  | 0  | 0  | 0  | 0                      | 0    | 0  | 8       | Тестирование   |                 |
| Тема 2.          | Системы линейных алгебраических уравнений. | 15    | 3   | 0  | 0                         | 4  | 0  | 0  | 0  | 0                      | 0    | 0  | 8       | Контрольная работа   |                 |

|                           |   |     |    |   |   |    |   |   |   |    |   |   |    |                    |
|---------------------------|---|-----|----|---|---|----|---|---|---|----|---|---|----|--------------------|
| Тема 3.                   | Введение в анализ   | 20  | 2  | 0 | 0 | 6  | 0 | 0 | 0 | 0  | 0 | 0 | 12 | Тестирование       |
| Тема 4                    | Дифференциальное исчисление функции одной переменной      | 22  | 4  | 0 | 0 | 8  | 0 | 0 | 0 | 0  | 0 | 0 | 10 | Контрольная работа |
| Промежуточная аттестация  |   |     |    |   |   |    | 0 |   |   |    |   |   |    | Зачет              |
| <b>Всего за 1 семестр</b> |   | 72  | 12 | 0 | 0 | 22 | 0 | 0 |   |    | 0 | 0 | 38 |                    |
| <b>2 семестр</b>          |   |     |    |   |   |    |   |   |   |    |   |   |    |                    |
| Тема 5                    | Дифференциальное исчисление функции нескольких переменных | 20  | 4  | 0 | 0 | 6  | 0 | 0 | 0 | 0  | 0 | 0 | 10 | Контрольная работа |
| Тема 6                    | Интегральное исчисление                                   | 30  | 4  | 0 | 0 | 12 | 0 | 0 | 0 | 0  | 0 | 0 | 14 | Контрольная работа |
| Тема 7                    | Теория вероятностей                                       | 20  | 4  | 0 | 0 | 6  | 0 | 0 | 0 | 0  | 0 | 0 | 10 | Контрольная работа |
| Промежуточная аттестация  |   | 38  |    |   |   |    | 0 |   | 2 | 36 |   |   |    | Экзамен            |
| <b>Всего за 2 семестр</b> |   | 108 | 12 | 0 | 0 | 24 | 0 | 0 | 2 | 36 | 0 | 0 | 34 |                    |

|              |  |     |    |   |   |    |   |   |   |    |   |   |    |  |
|--------------|--|-----|----|---|---|----|---|---|---|----|---|---|----|--|
|              |  |     |    |   |   |    |   |   |   |    |   |   |    |  |
| <b>Итого</b> |  | 180 | 28 | 0 | 0 | 48 | 0 | 0 | 2 | 36 | 0 | 0 | 72 |  |

*Очно-заочная форма обучения*

| № п/п            | Наименование тем и (или) разделов | ВСЕГО | Объем дисциплины, ак.час  |    |                           |    |    |  |    |                        |      |    |         | Форма текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации |                                      |
|------------------|-----------------------------------|-------|---|----|---------------------------|----|----|--|----|------------------------|------|----|---------|--|--------------------------------------|
|                  |                                   |       | Контактная работа обучающихся с преподавателем по видам учебных занятий |    |                           |    |    |  |    | Самостоятельная работа |      |    |         |  |                                      |
|                  |                                   |       | Период теоретического обучения  |    |                           |    |    | Период промежуточной аттестации (сессия) |    | СРкр                   | СРэк | СР |         |  |                                      |
|                  |                                   |       | Занятия лекционного типа  |    | Занятия семинарского типа |    | ИК | КСР                                      | КЭ |                        |      |    | Кат тэк |  | К<br>о<br>н<br>т<br>р<br>о<br>л<br>ь |
|                  |                                   |       | Л   | ВЛ | ЛР                        | ПЗ |    |  |    |                        |      |    |         |  |                                      |
| <b>1 семестр</b> |                                   |       |   |    |                           |    |    |  |    |                        |      |    |         |  |                                      |
| Тема 1.          | Введение. Матрицы и определители  | 12    | 2   | 0  | 0                         | 2  | 0  | 0  | 0  | 0                      | 0    | 0  | 8       | Тестирование   |                                      |
| Тема 2.          | Системы линейных                  | 16    | 2   | 0  | 0                         | 2  | 0  | 0  | 0  | 0                      | 0    | 0  | 12      | Контрольная работа   |                                      |

|                           |  |    |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |    |                    |
|---------------------------|--|----|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|--------------------|
|                           | алгебраических уравнений.                            |    |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |    |                    |
| Тема 3.                   | Введение в анализ                                    | 20 | 1 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 18 | Тестирование       |
| Тема 4                    | Дифференциальное исчисление функции одной переменной | 24 | 3 | 0 | 0 | 3 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 18 | Контрольная работа |
| Промежуточная аттестация  |  |    |   |   |   |   | 0 |   |   |   |   |   |    | Зачет              |
| <b>Всего за 1 семестр</b> |  | 72 | 8 | 0 | 0 | 8 | 0 | 0 |   |   |   | 0 | 0  | 56                 |

**2 семестр**

|               |   |    |   |   |   |   |   |   |   |    |   |   |    |                    |
|---------------|---|----|---|---|---|---|---|---|---|----|---|---|----|--------------------|
| Тема 5        | Дифференциальное исчисление функции нескольких переменных | 22 | 2 | 0 | 0 | 2 | 0 | 0 | 0 | 0  | 0 | 0 | 18 | Контрольная работа |
| Тема 6        | Интегральное исчисление                                   | 30 | 4 | 0 | 0 | 6 | 0 | 0 | 0 | 0  | 0 | 0 | 20 | Контрольная работа |
| Тема 7        | Теория вероятностей                                       | 18 | 2 | 0 | 0 | 2 | 0 | 0 | 0 | 0  | 0 | 0 | 14 | Контрольная работа |
| Промежуточная |   | 38 |   |   |   |   | 0 |   | 2 | 36 |   |   |    | Экзамен            |

|                           |     |    |   |   |    |   |   |   |    |   |   |     |  |
|---------------------------|-----|----|---|---|----|---|---|---|----|---|---|-----|--|
| аттестация                |     |    |   |   |    |   |   |   |    |   |   |     |  |
| <b>Всего за 2 семестр</b> | 108 | 8  | 0 | 0 | 10 | 0 | 0 | 2 | 36 | 0 | 0 | 52  |  |
| <b>Итого</b>              | 180 | 16 | 0 | 0 | 18 | 0 | 0 | 2 | 36 | 0 | 0 | 108 |  |

*Используемые сокращения:*

Л – лекции - занятия, предусматривающие преимущественную передачу учебной информации обучающимся педагогическими работниками организации и (или) лицами, привлекаемыми организацией к реализации образовательных программ на иных условиях,).

ВЛ – видео лекции.

ЛР – лабораторные работы.

ПЗ – практические занятия (за исключением лабораторных работ).

ИК – индивидуальные консультации.

КСР – контроль самостоятельной работы

КЭ – консультации перед экзаменом

Каттэк – контактная работа на аттестацию в период экзаменационных сессий

СРкр – самостоятельная работа на подготовку курсовой работы/ курсового проекта.

СРэк – самостоятельная работа на подготовку к экзамену.

СР – самостоятельная работа в семестре на подготовку к учебным занятиям.

### 3.2. Содержание дисциплины

#### **Тема 1. Матрицы и определители. УК ОС-1.2.**

Введение. Определение матрицы и определителя. Действия над матрицами и их свойства. Обращение матрицы. Ранг матрицы. Свойства определителей.

#### **Тема 2. Системы линейных алгебраических уравнений. УК ОС-1.2.**

Основные определения. Матричная форма записи СЛУ. Исследование СЛУ. Методы решения определенной СЛУ (матричный, Гаусса и Крамера). Решение неопределенной СЛУ.

#### **Тема 3. Введение в анализ. УК ОС-1.2.**

Введение. Основные топологические определения. Определения функции, последовательности. Предел последовательности. Предел функции. Условия существования предела. Теоремы о пределах. «Неопределенные» выражения. «Замечательные» пределы и следствия к ним. Эквивалентные бесконечно-малые. Теоремы об эквивалентных бесконечно-малых. Непрерывность функции в точке и на отрезке. Свойства непрерывных функций. Разрывы функции.

#### **Тема 4. Дифференциальное исчисление функции одной переменной. УК ОС-1.2.**

Определение производной функции в точке. Геометрический и экономический смысл производной. Основные теоремы дифференциального исчисления. Дифференциал функции и его геометрический смысл. Асимптоты функции. Исследование функции. Приближенное вычисление функции одной переменной. Производные и дифференциалы высших порядков. Правило Лопиталья. Применение производных в моделировании социально-экономических процессов.

#### **Тема 5. Дифференциальное исчисление функции нескольких переменных. УК ОС-1.2.**

Определение функции нескольких переменных. Примеры. Предел и непрерывность ф.н.п. Свойства непрерывных функций. Частное и полное приращение функции. Частные производные ф.н.п. Градиент и производная по направлению. Частный и полный дифференциал ф.н.п. Частные производные и дифференциалы высших порядков. Теорема о порядке дифференцирования в смешанных производных. Локальный и условный экстремум ф.н.п.

#### **Тема 6. Интегральное исчисление. УК ОС-1.2.**

Первообразная и ее свойства. Неопределенный интеграл, его свойства и геометрический смысл. Методы интегрирования. Интегрирования дробно-рациональных, тригонометрических и иррациональных функций. Интегрирование дифференциального бинома.

Определенный интеграл и его геометрический смысл. Свойства определенного интеграла. Методы интегрирования в определенном интеграле. Геометрические приложения определенного интеграла.

#### **Тема 7. Основы теории вероятностей. УК ОС-1.2.**

Основные понятия и теоремы теории случайных событий. Применение теории вероятностей в социально-экономической сфере. Случайные величины. Законы их распределения. Числовые характеристики случайных величин. Некоторые законы распределения случайных величин.

### **4. Типы оценочных материалов, показатели и критерии оценивания**

4.1. Оценочные материалы по дисциплине Б1.О.08 «Высшая математика» входят в состав оценочных материалов по образовательной программе. Совокупность оценочных материалов по всем дисциплинам (модулям) образовательной программы составляют фонд оценочных средств (далее – ФОС). ФОС используется при проведении текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся с целью оценивания достижения обучающимися планируемых результатов обучения.

4.2. ФОС разработан как комплекс проверочных заданий различного типа и уровня сложности, включает критерии и шкалы оценивания, а также «ключи» правильных ответов. ФОС формируется как отдельный документ и хранится в электронном виде, доступ к ФОС предоставлен ограниченному кругу лиц.

4.3. Для самостоятельной работы обучающихся при подготовке к текущему контролю успеваемости и промежуточной аттестации в рабочих программах дисциплин размещены типовые проверочные задания закрытого типов.

Задания закрытого типа — это тестовые задания, в которых каждый вопрос сопровождается готовыми вариантами ответов, из которых необходимо выбрать один или несколько правильных.

Задания комбинированного типа – это тестовые задания, в которых

каждый вопрос сопровождается готовыми вариантами ответов, из которых необходимо выбрать один или несколько правильных и обосновать свой выбор.

Задания открытого типа — это задания, в которых на каждый вопрос должен быть предложен развернутый обоснованный ответ.

В зависимости от типа задания рекомендованы определенная последовательность выполнения и система оценивания выполнения заданий.

#### 4.4. Типы заданий, сценарии выполнения, критерии оценивания

| ТИП ЗАДАНИЯ   | ИНСТРУКЦИЯ                                   | СЦЕНАРИИ ВЫПОЛНЕНИЯ   | КРИТЕРИИ ОЦЕНИВАНИЯ   |
|---|--|---|---|
| Задание закрытого типа с выбором одного правильного ответа из нескольких предложенных вариантов | Прочитайте текст, выберите правильный ответ  | <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Внимательно прочитать текст задания и понять, что в качестве ответа ожидается только один из предложенных вариантов.</li> <li>2. Внимательно прочитать предложенные вариант-ты ответа.</li> <li>3. Выбрать один верный ответ.</li> <li>4. Записать только номер (или букву) выбранного варианта ответа (например, 3 или В).</li> </ol>  | Ответ считается верным, если правильно указана цифра или буква                  |
| Задание закрытого типа на установление соответствия   | Прочитайте текст и установите соответствие   | <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Внимательно прочитать текст задания и понять, что в качестве ответа ожидаются пары элементов.</li> <li>2. Внимательно прочитать оба списка: список 1 – вопросы, утверждения, факты, понятия и т.д.; список 2 – утверждения, свойства объектов и т.д.</li> <li>3. Сопоставить элементы списка 1 с элементами списка 2, сформировать пары элементов.</li> <li>4. Записать попарно буквы и цифры (в зависимости от задания) вариантов ответа (например, А1 или Б4).</li> </ol> | Ответ считается верным, если правильно указаны цифры или буквы                  |
| Задание закрытого типа с выбором нескольких   | Прочитайте текст, выберите правильные ответы | <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Внимательно прочитать текст задания и понять, что в качестве ответа ожидается несколько правильных ответов из предложенных вариантов.</li> </ol>  | Ответ считается верным, если правильно установлены все соответствия (позиции из |

|  |  |   |  |
|--|--|---|--|
| <p>правильных ответов из нескольких вариантов предложенных</p>   |  | <ol style="list-style-type: none"> <li>2. Внимательно прочитать предложенные вариант-ты ответа.</li> <li>3. Выбрать несколько правильных ответов.</li> <li>4. Записать только номера (или буквы) выбранного варианта ответа (например, 1 4 или А Г).</li> </ol>   | <p>одного столбца верно сопоставлены с позициями другого)</p>  |
| <p>Задание закрытого типа на установление последовательности</p>   | <p>Прочитайте текст и установите последовательность</p>  | <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Внимательно прочитать текст задания и понять, что в качестве ответа ожидается последовательность элементов.</li> <li>2. Внимательно прочитать предложенные варианты ответа.</li> <li>3. Построить верную последовательность из предложенных элементов.</li> <li>4. Записать буквы/цифры (в зависимости от задания) вариантов ответа в нужной последовательности (например, БАА или 135).</li> </ol> | <p>Ответ считается верным, если правильно указана вся последовательность цифр</p>  |
| <p>Задание комбинированного типа с выбором одного правильного ответа из предложенных и обоснованием выбора</p> | <p>Прочитайте текст, выберите правильный ответ и запишите аргументы, обосновывающие выбор ответа</p> | <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Внимательно прочитать текст задания и понять, что в качестве ответа ожидается только один из предложенных вариантов.</li> <li>2. Внимательно прочитать предложенные варианты ответа.</li> <li>3. Выбрать один верный ответ.</li> <li>4. Записать только номер (или букву) выбранного варианта ответа.</li> </ol>  | <p>Ответ считается верным, если правильно указана цифра или буква и приведены корректные аргументы, используемые при выборе ответа</p> |

|  |  |  |   |
|--|--|--|---|
|  |  | 5. Записать аргументы, обосновывающие выбор ответа (например, 4 текст обоснования).  |   |
| Задание открытого типа с развернутым ответом | Прочитайте текст и запишите развернутый обоснованный ответ | <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Внимательно прочитать текст задания и понять суть вопроса.</li> <li>2. Продумать логику и полноту ответа.</li> <li>3. Записать ответ, используя четкие компактные формулировки.</li> <li>4. В случае расчетной задачи, записать решение и ответ</li> </ol> | <p>Ответ считается верным:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Отсутствие фактических ошибок.</li> <li>2. Раскрытие объема используемых понятий (полнота ответа).</li> <li>3. Обоснованность ответа (наличие аргументов).</li> <li>4. Логическая последовательность излагаемого материала.</li> </ol> |

4.5. Общая шкала оценивания результатов текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся с применением БРС

| Итоговая балльная оценка | Традиционная система | Бинарная система | ECTS                     |                      |
|--------------------------|----------------------|------------------|--------------------------|----------------------|
|                          |                      |                  | Для традиционной системы | Для бинарной системы |
| 95-100                   | Отлично              | Зачтено          | A                        | P/ Passed            |
| 85-94                    |                      |                  | B                        | P/ Passed            |
| 75-84                    | Хорошо               |                  | C                        | P/ Passed            |
| 65-74                    |                      |                  | D                        | P/ Passed            |
| 55-64                    | Удовлетворительно    |                  | E                        | P/ Passed            |
| 0-54                     | Неудовлетворительно  |                  | Не зачтено               | F                    |

Соотношение баллов за текущий контроль успеваемости и промежуточную аттестацию, а также повторную промежуточную аттестацию:

| Максимальная сумма баллов за текущий контроль успеваемости | Максимальная сумма баллов за промежуточную аттестацию | Максимальная итоговая балльная оценка | Максимальная сумма баллов за повторную промежуточную аттестацию |
|--|---|---------------------------------------|---|
| 60 баллов  | 40 баллов   | 100 баллов                            | 100 баллов  |

## 5. Формы аттестации, типовые оценочные материалы для текущего контроля успеваемости обучающихся, критерии и шкалы оценивания по контрольным точкам

5.1. В ходе реализации дисциплины Б1.О.08 «Высшая математика» используются следующие формы текущего контроля успеваемости обучающихся (в том числе, задания к контрольным точкам):

### *1 семестр*

тестирование, контрольная работа.

### *2 семестр*

контрольная работа.

## Тема 1. Введение. Матрицы и определители.

### Тестовые задания:

Задание закрытого типа с выбором одного правильного ответа из нескольких вариантов предложенных.

1. Внимательно прочитать текст задания и понять, что в качестве ответа ожидается только один из предложенных вариантов.

2. Внимательно прочитать предложенные вариант-ты ответа.

3. Выбрать один верный ответ.

4. Записать только номер (или букву) выбранного варианта ответа (например, 3 или В).

1. Вычислить определитель матрицы  $\begin{pmatrix} -5 & 1 \\ 10 & -4 \end{pmatrix}$ .

1) -10      2) 0      3) 10      4) 20

*Задание закрытого типа с выбором одного правильного ответа из нескольких вариантов предложенных.*

1. Внимательно прочитать текст задания и понять, что в качестве ответа ожидается только один из предложенных вариантов.

2. Внимательно прочитать предложенные вариант-ты ответа.

3. Выбрать один верный ответ.

4. Записать только номер (или букву) выбранного варианта ответа (например, 3 или В).

2. Выполнить действие  $A \cdot B$ , где  $A = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 2 & 3 \end{pmatrix}$  и  $B = \begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$

1)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 2 & 4 \end{pmatrix}$       2)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 2 & 4 \end{pmatrix}$       3)  $\begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 2 & 2 \end{pmatrix}$       4)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 2 & 4 \end{pmatrix}$

*Задание закрытого типа с выбором одного правильного ответа из нескольких вариантов предложенных.*

1. Внимательно прочитать текст задания и понять, что в качестве ответа ожидается только один из предложенных вариантов.

2. Внимательно прочитать предложенные вариант-ты ответа.

3. Выбрать один верный ответ.

4. Записать только номер (или букву) выбранного варианта ответа (например, 3 или В).

3. Найти обратную матрицу к матрице  $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & -1 & 1 \\ 3 & 2 & 1 \end{pmatrix}$

1)  $\begin{pmatrix} -0,75 & 0,25 & 0,5 \\ 0,5 & -0,5 & 0 \\ 1,25 & 0,25 & -0,5 \end{pmatrix}$       2)  $\begin{pmatrix} -0,75 & 0,5 & 1,25 \\ 0,25 & -0,5 & 0,25 \\ 0,5 & 0 & -0,5 \end{pmatrix}$

$$3) \begin{pmatrix} -12 & 4 & 8 \\ 8 & -8 & 0 \\ 20 & 4 & -8 \end{pmatrix} \quad 4) \begin{pmatrix} \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} \\ \frac{1}{3} & -\frac{1}{3} & \frac{1}{3} \\ 1 & \frac{2}{3} & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$$

## Тема 2. Системы линейных алгебраических уравнений.

Исследовать систему линейных уравнений и, если она определена решить тремя методами.

### 1 вариант

$$а) \begin{cases} -x_1 + x_2 - 2x_3 = -4 \\ 4x_1 - 2x_2 - x_3 = 11 \\ -8x_1 - 2x_2 - 2x_3 = 4 \end{cases}$$

$$б) \begin{cases} 2x_1 + 3x_2 + 4x_3 = 3 \\ 2x_1 + 10x_2 + 4x_3 = 4x_1 + 13x_2 + 8x_3 = 13 \end{cases}^{10}$$

### 2 вариант

$$а) \begin{cases} x_1 - 5x_2 - 4x_3 = -3 \\ -4x_1 + x_2 + x_3 = -3 \\ 12x_1 + 15x_2 - 9x_3 = 3 \end{cases}$$

$$б) \begin{cases} 3x_1 - 4x_2 + x_3 = 0 \\ 3x_2 + x_3 = 4 \\ 3x_1 - x_2 + 2x_3 = 4 \end{cases}$$

## Тема 3. Введение в анализ.

### Тестовые задания:

Задание закрытого типа с выбором нескольких правильных ответов из нескольких вариантов предложенных

1. Внимательно прочитать текст задания и понять, что в качестве ответа ожидается несколько правильных ответов из предложенных вариантов.
2. Внимательно прочитать предложенные вариант-ты ответа.
3. Выбрать несколько правильных ответов.
4. Записать только номера (или буквы) выбранного варианта ответа (например, 1 4 или А Г).

1. Указать, какие из перечисленных функций имеют предел равный нулю при  $x \rightarrow 0$

- 1)  $\cos 2x$  ;      2)  $\operatorname{ctg} x/2$ ;      3)  $\operatorname{tg}^2 x$  ;      4)  $\sin \left(x + \frac{\pi}{2}\right)$

*Задание закрытого типа с выбором одного правильного ответа из нескольких вариантов предложенных.*

1. Внимательно прочитать текст задания и понять, что в качестве ответа ожидается только один из предложенных вариантов.

2. Внимательно прочитать предложенные варианты ответа.

3. Выбрать один верный ответ.

4. Записать только номер (или букву) выбранного варианта ответа (например, 3 или В).

2. Указать значение предела

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1+3x^2}-1}{x^2+x^3}$$

- 1) -1      2)  $\infty$       3) -3      4) 1,5

*Задание закрытого типа с выбором одного правильного ответа из нескольких вариантов предложенных.*

1. Внимательно прочитать текст задания и понять, что в качестве ответа ожидается только один из предложенных вариантов.

2. Внимательно прочитать предложенные варианты ответа.

3. Выбрать один верный ответ.

4. Записать только номер (или букву) выбранного варианта ответа (например, 3 или В).

3. Указать значение предела  $\lim_{x \rightarrow 0} \sin \frac{1}{x}$

- 1) 0      2) 1      3)  $\infty$       4) не существует

#### **Тема 4. Дифференциальное исчисление функции одной переменной.**

Контрольная работа:

#### **Вариант № 1**

1. Найти пределы:

а)  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1+x} - \sqrt{1+x^2}}{\sqrt{1+x} - 1}$

б)  $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{\operatorname{tg} \pi x}{x+2}$

в)  $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{2x+3}{2x+1}\right)^{x+1}$

2. Исследовать на непрерывность функцию  $y = \frac{1}{x-2}$ . Построить схематично график этой функции .

3. Найти  $\frac{dy}{dx}$  :  
 $y = e^{tg^2 x / \sqrt[3]{x}}$

### Вариант № 2

1. Найти пределы:

a)  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{3+x+x^2} - \sqrt{9-2x+x^2}}{x^2-3x+2}$

б)  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{\sin(x+h) - \sin x}{h}$

в)  $\lim_{x \rightarrow \infty} \left( \frac{x^2-1}{x^2} \right)^{x^4}$

2. Дана функция

$$f(x) = \begin{cases} x+1, \wedge x \leq 1 \\ 3-ax^2, \wedge x > 1 \end{cases}$$

При каком выборе числа  $a$  функция будет непрерывной?

Построить график этой функции.

1.. Найти  $\frac{dy}{dx}$ :

$$y = \ln \frac{1 + \sqrt{x^2 + 1}}{x}$$

**Тема 5. Дифференциальное исчисление функции нескольких переменных.**

Контрольная работа:

#### 1 вариант

1) Найти градиент и его величину в точке М (3;4) для функции  $z = \sqrt{x^2 + y^2}$

2) Найти приближенное значение функции  $\sqrt[3,02]{8,01}$

3) Найти локальный экстремум  $z = 3xy^2 - y^3 - x^2$

4) Найти условный экстремум  $\begin{cases} z = 2x^2 + 3y^2 \\ x + y = 1 (x, y \geq 0) \end{cases}$

#### Вариант 2

1. Найти производную по направлению вектора  $\overrightarrow{MN}$  для функции  $z = x^3 y^2$  в точке  $M(1; -1)$ , если  $N(0; 1)$ .
2. Найти приближенное значение функции  $\ln(1 - 0,1 + 0,2^2)$
3. Вычислить  $\frac{dz}{dt}$ , если  $z = e^{\frac{x^2 - xy^2}{y}}$  и  $\begin{cases} x = \ln t \\ y = t \end{cases}$
4. Найти локальный экстремум функции  $z = 6xy - 3x^2$
5. Найти условный экстремум  $\begin{cases} z = 2x + 3y \\ x^2 + y^2 = 1 \end{cases}$

## Тема 6. Интегральное исчисление.

### Контрольная работа:

Вычислить неопределенный интеграл

#### 1 вариант

1.  $\int \frac{dx}{\sin^2(3x - 5)}$
2.  $\int x^2 e^{5x^3} dx$
3.  $\int \frac{dx}{\sqrt{x+1} + \sqrt{x}}$
4.  $\int \sqrt{x} \ln x dx$
5.  $\int \frac{\cos^3 x}{\sin^4 x} dx$

#### 2 вариант

1.  $\int \frac{dx}{5 - 2x^2}$
2.  $\int x \sin^2 x dx$
3.  $\int \frac{(1+x)}{1+\sqrt{x}} dx$
4.  $\int \arccos x dx$
5.  $\int \frac{\cos^3 x}{\sin x} dx$

## Тема 7. Теория вероятностей. УК ОС-1.2.

Контрольная работа

**Вариант 1.**

1) Дан ряд распределения СВ X

|       |     |      |     |     |
|-------|-----|------|-----|-----|
| $x_i$ | -2  | -1,5 | 0   | 1   |
| $P_i$ | 0,3 | p    | 0,1 | 0,2 |

Найти p,  $E_x$ ,  $D_x$ ,  $F(x)$ ,  $P(-1 \leq X < 2)$ .

I.. Плотность распределения СВ X имеет вид

$$f(x) = \begin{cases} ax^4, & x \in [0; 2] \\ 0, & x \notin [0; 2] \end{cases}$$

Найти  $a, E_x, D_x$ .

3) Вероятность того, что любое из 1000 изделий не выдержит проверки на надежность, равна 0,001. Определить вероятность того, что не выдержат проверки на надежность не менее двух изделий из 1000, если каждое из них проверяется независимо от других изделий.

4) Найти числовые характеристики СВ X, имеющей закон распределения вида

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{8\pi}} e^{-\frac{(x-5)^2}{8}}$$

**Вариант 2.**

1. Дан ряд распределения СВ X

|       |     |     |     |   |
|-------|-----|-----|-----|---|
| $x_i$ | -1  | 0   | 0,5 | 1 |
| $P_i$ | 0,2 | 0,3 | 0,1 | p |

Найти p,  $E_x$ ,  $D_x$ ,  $F(x)$ ,  $P(0 \leq X < 2)$ .

2. Плотность распределения СВ X имеет вид

$$f(x) = \begin{cases} \frac{a}{x^3}, & x \in [1; 2] \\ 0, & x \notin [1; 2] \end{cases}$$

Найти  $a, E_x, D_x$ .

3. Вероятность того, что сентябрь в Петербурге будет дождливым, равна 0,7. Какова вероятность того, что из ближайших 7 лет 4 года сентябрь будет дождливым.

4. Найти числовые характеристики СВ X, имеющей закон распределения вида

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{6\pi}} e^{-\frac{(x+1)^2}{6}}$$

5.2. Типовые оценочные материалы для текущего контроля успеваемости обучающихся (вне контрольных точек):  
приведены в п.6.2.

5.3. Один или несколько тематических блоков дисциплины завершаются контрольной точкой (далее – КТ). Текущий контроль успеваемости по дисциплине предусматривает не менее 2 (двух) и не более 10 (десяти) КТ в течение периода освоения дисциплины.

Максимальное количество баллов за любой тип работ в рамках КТ составляет 100 (сто) баллов.

Распределение весовых коэффициентов по КТ в рамках текущего контроля успеваемости по дисциплине и формулы расчета:

| Наименование контрольной точки | Максимальное количество баллов за работу в рамках КТ, которое может набрать обучающийся | Коэффициент веса контрольной точки | Результат контрольной точки, участвующий в формировании итоговой балльной оценки по дисциплине (отражается в журнале БРС в СДО) |
|--------------------------------|---|------------------------------------|---|
| <b>1 семестр</b>               |   |                                    |   |
| КТ 1                           | 100   | 0,3                                | 30  |
| КТ 2                           | 100   | 0,3                                | 30  |
| Итого:                         | х   | 0,6                                | 60  |
| <b>2 семестр</b>               |   |                                    |   |
| КТ 1                           | 100   | 0,2                                | 20  |
| КТ 2                           | 100   | 0,2                                | 20  |
| КТ 3                           | 100   | 0,2                                | 20  |
| Итого:                         | х   | 0,6                                | 60  |

Формула расчета результата контрольной точки:

Результат контрольной точки = Количество баллов за работу в рамках КТ x Коэффициент веса контрольной точки.

5.4. Формы текущего контроля успеваемости обучающихся в рамках КТ и типовые оценочные материалы:

**1 семестр:**

**КТ – 1.  
Тема 1-2**

Тестирование, контрольная работа

**КТ-2.**

**Тема 3-4**

Тестирование, контрольная работа

**2 семестр**

**КТ – 1.**

**Тема 5**

Контрольная работа.

**КТ-2.**

**Тема 6.**

Контрольная работа

**КТ-3.**

**Тема 7.**

Контрольная работа

Для каждой формы текущего контроля успеваемости обучающихся в рамках КТ определены критерии оценивания результатов выполнения задания.

*1. Критерии оценивания тестирования:*

| Критерии оценки                      | Диапазон баллов | Описание критерия                                   |
|--------------------------------------|-----------------|---|
| <i>Количество правильных ответов</i> | <i>0</i>        | <i>Количество правильных ответов менее 55%</i>      |
|                                      | <i>25</i>       | <i>Количество правильных ответов от 55% до 64%</i>  |
|                                      | <i>50</i>       | <i>Количество правильных ответов от 65% до 74%</i>  |
|                                      | <i>75</i>       | <i>Количество правильных ответов от 75% до 84%</i>  |
|                                      | <i>100</i>      | <i>Количество правильных ответов от 85% до 100%</i> |
| <b>Итого максимально:</b>            | <b>100</b>      |   |

*2. Критерии оценивания контрольной работы:*

| Критерии оценки                                 | Диапазон баллов | Описание критерия  |
|---|-----------------|--|
| <i>Содержание и раскрытие выбранных понятий</i> | <i>41-70</i>    | <i>Детальное, последовательное описание хода решений примера</i> |
|   | <i>21-40</i>    | <i>Поверхностное описание хода</i>                               |

|                                       |             |  |
|---------------------------------------|-------------|--|
|                                       |             | <i>решений примера</i>   |
|                                       | <i>0-20</i> | <i>Понятия раскрыты минимально или не раскрыты вовсе<br/>Не представлен/ представлен минимальный ход решения примера</i> |
| <i>Количество выполненных заданий</i> | <i>30</i>   | <i>Количество выполненных заданий от 85% до 100%</i>   |
|                                       | <i>15</i>   | <i>Количество выполненных заданий от 55% до 84%</i>  |
|                                       | <i>0</i>    | <i>Количество выполненных заданий менее 55%</i>  |
| <b>Итого максимально:</b>             | <b>100</b>  |  |

5.5. Описание дополнительных материалов и оборудования, необходимых для выполнения проверочных заданий (*при необходимости*).

Для решения тестовых заданий студенту разрешается использование калькулятора; программ для работы с электронными таблицами для обработки, анализа и визуализации данных.

## **6. Формы промежуточной аттестации, критерии и шкала оценивания, типовые оценочные материалы по дисциплине**

6.1. Промежуточная аттестация проводится в форме **зачета** (1 семестр) и **экзамена** (2 семестр).

Зачет проходит в форме устного собеседования по одному теоретическому вопросу и выполнения практического задания. На подготовку к ответу дается 45 минут.

Экзамен проводится в письменной форме. Обучающийся получает экзаменационный билет с двумя теоретическими вопросами и одной задачей. На выполнение заданий дается 45 минут. По завершении подготовки необходимо представить ответы в письменном виде, подробно изложив ход выполнения задания, сделать выводы (*при необходимости*).

При реализации промежуточной аттестации в ЭО/ДОТ могут быть использованы следующие формы: устно в ДОТ - в форме обоснованных ответов на задания различного типа; письменно в СДО - в форме письменного решения заданий различного типа; тестирование в СДО.

6.2. Типовые оценочные материалы промежуточной аттестации.

Вопросы для подготовки к зачету:

1. Понятие матрицы  $m \times n$ . Действия над матрицами (умножение на число, сложение) и их свойства.
2. Умножение матриц.
3. Транспонирование матриц.
4. Свойства матриц. Эквивалентные преобразования матриц.
5. Определители.
6. Свойства определителей и методы их вычислений.
7. Миноры и алгебраические дополнения. Вычисление определителя разложением по строке (столбцу).
8. Обратная матрица. Вычисление.
9. Ранг матрицы.
10. Понятие о системе линейных алгебраических уравнений.
11. Условие совместимости (разрешимости) системы линейных уравнений (Теорема Кронекера-Капелли).
12. Методы решения определенных систем алгебраических уравнений (Крамера, матричный, Гаусса).
13. Функция. Основные определения. Классификация.
14. Предел функции.
15. Последовательность. Предел числовой последовательности.
16. Бесконечно-малые. Теоремы о бесконечно-малых.
17. Односторонние пределы.
18. Теоремы о пределах.
19. «Замечательные» пределы и следствия к ним.
20. Эквивалентные бесконечно-малые.
21. Теоремы об эквивалентных бесконечно-малых.
22. Непрерывность функции.
23. Разрывы функции.
24. Свойства функций непрерывных на отрезке.
25. Производная. Основные определения. Геометрический и механический смысл.
26. Производная. Основные определения. Экономический смысл.
27. Экстремум функции. Основные теоремы дифференциального исчисления функции одной переменной.
28. Монотонность функции. Необходимое и достаточные условия экстремума.
29. Выпуклость-вогнутость функции. Точки перегиба.
30. Асимптоты графика функции.
31. Схема исследования функции.

Типовые задания для зачета

- 1) Вычислить предел  $\lim_{x \rightarrow \infty} \left( \frac{x+2}{x} \right)^x$
- 2) Исследовать на непрерывность функцию  $y = e^{\frac{1}{x-1}}$

- 3) Вычислить производную  $y = x^2 e^{x^3} \sin 5x$
- 4) Решить систему уравнений 
$$\begin{cases} 2x - y = (-1, 0, 0) \\ x + 2y - z = (-2, -2, 1) \\ y + z = (-2, -5, 0) \end{cases}$$
- 5) Найти обратную матрицу, если  $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & -1 & 1 \\ 3 & 2 & 1 \end{pmatrix}$ .
- 6) Решить неравенство  $\begin{vmatrix} 3 & -2 & 1 \\ 1 & x & -2 \\ -1 & 2 & -1 \end{vmatrix} < 0$ .

Вопросы для подготовки к экзамену:

1. Функции нескольких переменных (ФНП). Основные определения.
2. ФНП. Предел и непрерывность.
3. ФНП. Свойства непрерывных функций.
4. ФНП. Виды разрывов.
5. ФНП. Частные производные.
6. Экстремум функции двух переменных. Основные определения.
7. Достаточное условие экстремума функции двух переменных.
8. Необходимое условие экстремума функции двух переменных.
9. Условный экстремум.
10. Первообразная и ее свойства.
11. Неопределенный интеграл, его свойства и геометрический смысл.
12. Свойства неопределенного интеграла.
13. Методы интегрирования в неопределенном интеграле: непосредственное интегрирование и заведение под знак дифференциала.
14. Методы интегрирования в неопределенном интеграле: замена переменной.
15. Методы интегрирования в неопределенном интеграле: интегрирование по частям.
16. . Определенный интеграл. Основные определения.
17. Свойства определенного интеграла.
18. Геометрический смысл определенного интеграла.
19. Условия существования определенного интеграла.
20. Методы интегрирования в определенном интеграле: замена переменной.
21. Методы интегрирования в определенном интеграле: интегрирование по частям.
22. Основные понятия теории вероятностей. Случайные события и их классификация.
23. Вероятности события. Дать определения классической, статистической и аксиоматической вероятностей.

24. Действия над событиями.
25. Теоремы сложения и умножения вероятностей.
26. Зависимые и независимые события. Определение условной вероятности.
27. Формула полной вероятности и теоремы Байеса.
28. Случайная величина и ее законы распределения. Определения дискретной и непрерывной случайных величинах.
29. Основные законы распределения случайных величин: равномерное, Бернулли, Пуассона, экспоненциальное, нормальное.
30. Функции распределения случайной величины и плотности распределения непрерывной случайной величины, а также их свойства.
31. Числовые характеристики случайных величин: математическое ожидание, дисперсия, среднее квадратическое отклонение, их свойства.
- 32.

Типовые задания для экзамена:

1) Найти локальный экстремум  $z = 2y^3 + x^2y + 5y^2 + x^2 - 1$

2) Найти условный экстремум  $\begin{cases} z = x + y \\ \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = 2 \end{cases}$

3) Вычислить неопределенный интеграл.

$$\int \frac{\cos^7 x dx}{\sin^4 x}$$

4) Два стрелка сделали по одному выстрелу по мишени. Известно, что вероятность попадания в мишень для одного из стрелков равна 0,6, а для другого - 0,7. Найдите вероятность того, что только один из стрелков попадет в мишень.

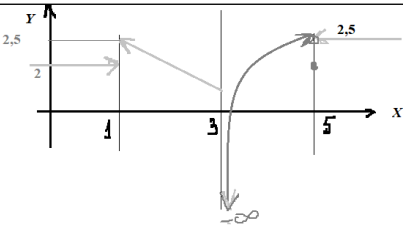
5) Проводятся три независимых испытания, в каждом из которых вероятность наступления некоторого события постоянна. Случайная величина  $X$  – число появлений события  $A$ . Найти  $D(X)$ , если известно, что  $M(X) = 2,1$ .

Типовые проверочные задания для самоподготовки обучающегося к промежуточной аттестации:

| ТИП ЗАДАНИЯ              | СЦЕНАРИИ ВЫПОЛНЕНИЯ                                  | ТИПОВЫЕ ЗАДАНИЯ               |
|--------------------------|--|-------------------------------|
| Задание закрытого типа с | 1. Внимательно прочитать текст задания и понять, что | Производная функции в точке – |

| <p>выбором одного правильного ответа из нескольких вариантов предложенных</p>                 | <p>в качестве ответа ожидается только один из предложенных вариантов.</p> <p>2. Внимательно прочитать предложенные варианты ответа.</p> <p>3. Выбрать один верный ответ.</p> <p>4. Записать только номер (или букву) выбранного варианта ответа (например, 3 или B).</p>   | <p>это:</p> <p>1) функция</p> <p>2) число</p> <p>3) вектор</p> <hr/> <p>Указать значение предела</p> $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1+3x^2}-1}{x^2+x^3}$ <p>1)-1      2) <math>\infty</math>      3) -3      4) 1,5</p> <p>.</p>  |         |               |            |                           |            |                           |              |                           |         |           |          |   |             |  |          |  |
|---|--|--|---------|---------------|------------|---------------------------|------------|---------------------------|--------------|---------------------------|---------|-----------|----------|---|-------------|--|----------|--|
| <p>Задание закрытого типа на установление соответствия</p>                                    | <p>1. Внимательно прочитать текст задания и понять, что в качестве ответа ожидаются пары элементов.</p> <p>2. Внимательно прочитать оба списка: список 1 – вопросы, утверждения, факты, понятия и т.д.; список 2 – утверждения, свойства объектов и т.д.</p> <p>3. Сопоставить элементы списка 1 с элементами списка 2, сформировать пары элементов.</p> <p>4. Записать попарно буквы и цифры (в зависимости от задания) вариантов ответа (например, А1 или Б4).</p> | <p>1. Установить взаимно однозначное соответствие между понятием и формулой</p> <table border="1" data-bbox="874 853 1442 1160"> <thead> <tr> <th>Формула</th> <th>Тип интеграла</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>А) <math>(x,y)</math></td> <td>1) векторное произведение</td> </tr> <tr> <td>В) <math>[x,y]</math></td> <td>2) смешанное произведение</td> </tr> <tr> <td>С) <math>(x,y,z)</math></td> <td>3) скалярное произведение</td> </tr> </tbody> </table> <p>Дана матрица <math>A = \begin{pmatrix} 1 &amp; -3 \\ 3 &amp; -8 \end{pmatrix}</math></p> <p>Установите соответствие между формулой и результатом .</p> <table border="1" data-bbox="868 1344 1449 1635"> <thead> <tr> <th>Формула</th> <th>Результат</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>А) <math>A^m</math></td> <td><math>\begin{pmatrix} -8 &amp; 21 \\ -21 &amp; 55 \end{pmatrix}</math></td> </tr> <tr> <td>В) <math>A^{-1}</math></td> <td><math>\begin{pmatrix} 1 &amp; 3 \\ -3 &amp; -8 \end{pmatrix}</math></td> </tr> <tr> <td>С) <math>A^2</math></td> <td><math>\begin{pmatrix} -8 &amp; 3 \\ -3 &amp; 1 \end{pmatrix}</math></td> </tr> </tbody> </table> | Формула | Тип интеграла | А) $(x,y)$ | 1) векторное произведение | В) $[x,y]$ | 2) смешанное произведение | С) $(x,y,z)$ | 3) скалярное произведение | Формула | Результат | А) $A^m$ | $\begin{pmatrix} -8 & 21 \\ -21 & 55 \end{pmatrix}$ | В) $A^{-1}$ | $\begin{pmatrix} 1 & 3 \\ -3 & -8 \end{pmatrix}$ | С) $A^2$ | $\begin{pmatrix} -8 & 3 \\ -3 & 1 \end{pmatrix}$ |
| Формула   | Тип интеграла  |  |         |               |            |                           |            |                           |              |                           |         |           |          |   |             |  |          |  |
| А) $(x,y)$  | 1) векторное произведение  |  |         |               |            |                           |            |                           |              |                           |         |           |          |   |             |  |          |  |
| В) $[x,y]$  | 2) смешанное произведение  |  |         |               |            |                           |            |                           |              |                           |         |           |          |   |             |  |          |  |
| С) $(x,y,z)$  | 3) скалярное произведение  |  |         |               |            |                           |            |                           |              |                           |         |           |          |   |             |  |          |  |
| Формула   | Результат  |  |         |               |            |                           |            |                           |              |                           |         |           |          |   |             |  |          |  |
| А) $A^m$  | $\begin{pmatrix} -8 & 21 \\ -21 & 55 \end{pmatrix}$  |  |         |               |            |                           |            |                           |              |                           |         |           |          |   |             |  |          |  |
| В) $A^{-1}$   | $\begin{pmatrix} 1 & 3 \\ -3 & -8 \end{pmatrix}$   |  |         |               |            |                           |            |                           |              |                           |         |           |          |   |             |  |          |  |
| С) $A^2$  | $\begin{pmatrix} -8 & 3 \\ -3 & 1 \end{pmatrix}$   |  |         |               |            |                           |            |                           |              |                           |         |           |          |   |             |  |          |  |
| <p>Задание закрытого типа с выбором нескольких правильных ответов из нескольких вариантов</p> | <p>1. Внимательно прочитать текст задания и понять, что в качестве ответа ожидается несколько правильных ответов из предложенных вариантов.</p> <p>2. Внимательно прочитать предложенные варианты</p>  | <p>1. Указать, какие из перечисленных функций имеют предел равный нулю при <math>x \rightarrow 0</math></p> <p>1) <math>\cos 2x</math> ;                      2) <math>\operatorname{ctg} x/2</math>;</p> <p>3) <math>\operatorname{tg}^2 x</math> ;                        4) <math>\sin \left(x + \frac{\pi}{2}\right)</math></p>  |         |               |            |                           |            |                           |              |                           |         |           |          |   |             |  |          |  |

|   |  |  |
|---|--|--|
| предложенных  | <p>ответа.</p> <p>3. Выбрать несколько правильных ответов.</p> <p>4. Записать только номера (или буквы) выбранного варианта ответа (например, 1 4 или А Г).</p>  | <p>2. Определить вектор единичной длины</p> <p>1) <math>(1; 0; 0)</math>                      2) <math>(1; 1; 1)</math></p> <p>3) <math>\left\{0; \frac{1}{\sqrt{2}}; \frac{1}{\sqrt{2}}\right\}</math>                      4) <math>\left\{\frac{1}{\sqrt{3}}; \frac{-1}{\sqrt{3}}; \frac{-1}{\sqrt{3}}\right\}</math>.</p>  |
| Задание закрытого типа на установление последовательности   | <p>1. Внимательно прочитать текст задания и понять, что в качестве ответа ожидается последовательность элементов.</p> <p>2. Внимательно прочитать предложенные варианты ответа.</p> <p>3. Построить верную последовательность из предложенных элементов.</p> <p>4. Записать буквы/цифры (в зависимости от задания) вариантов ответа в нужной последовательности (например, БВА или 135).</p> | <p>1. Укажите последовательность действий при исследовании функции:</p> <p>а) Определить ООФ;</p> <p>б) Исследовать на выпуклость-вогнутость и точки перегиба;</p> <p>в) Исследовать на монотонность и экстремум;</p> <p>Найти асимптоты</p> <p>2. Укажите последовательность действий для исследования СЛУ:</p> <p>а) определить ранг основной и расширенной матрицы;</p> <p>б) сравнить ранг основной матрицы с числом неизвестных;</p> <p>в) составить расширенную матрицу СЛУ;</p> <p>г) сравнить ранги основной и расширенной матриц;</p> <p>д) определить тип СЛУ.</p> |
| Задание комбинированного типа с выбором одного правильного ответа из предложенных и обоснованием выбора | <p>1. Внимательно прочитать текст задания и понять, что в качестве ответа ожидается только один из предложенных вариантов.</p> <p>2. Внимательно прочитать предложенные варианты ответа.</p> <p>3. Выбрать один верный ответ.</p> <p>4. Записать только номер</p>  | <p>1. При каких значениях <math>(\alpha; \beta)</math> векторы <math>\vec{a} = (2; \alpha; -4)</math> и <math>\vec{b} = (-1; 1; \beta)</math> будут коллинеарны?</p> <p>1) <math>(-2; 2)</math>                      2) <math>(1; -1)</math></p> <p>3) <math>(2; -2)</math>                      4) <math>(-1; 1)</math></p> <p>1. Определить точку, в которой предел функции, изображенной на рисунке, равен 2,5. Обоснуйте свой выбор.</p>   |

|  |  |  |
|--|--|--|
|  | (или букву) выбранного варианта ответа.<br><br>5. Записать аргументы, обосновывающие выбор ответа (например, 4 текст обоснования).   |    |
| Задание открытого типа с развернутым ответом | 1. Внимательно прочитать текст задания и понять суть вопроса.<br><br>2. Продумать логику и полноту ответа.<br><br>3. Записать ответ, используя четкие компактные формулировки.<br><br>4. В случае расчетной задачи, записать решение и ответ | Приведите полное решение примера:<br><br>1. Вычислить определитель<br>$\Delta = \begin{vmatrix} 1 & 2 & 1 \\ -1 & 0 & 3 \end{vmatrix}$<br><br>2. Вычислить интеграл<br>$\int x \ln x dx$ |

### 6.3. Критерии и шкала оценивания на основе БРС.

*Критерии и балльная шкала определяются преподавателем*

| КРИТЕРИИ ОЦЕНИВАНИЯ  | РЕЗУЛЬТАТ В БАЛЛАХ |
|--|--------------------|
| Дан полный, в логической последовательности развернутый ответ на поставленный вопрос, где он продемонстрировал знания предмета в полном объеме учебной программы, достаточно глубоко осмысливает дисциплину, самостоятельно, и исчерпывающе отвечает на дополнительные вопросы, приводит собственные примеры по проблематике поставленного вопроса, решил предложенные практические задания без ошибок   | 40                 |
| Дан развернутый ответ на поставленный вопрос, где обучающийся демонстрирует знания, приобретенные на лекционных и семинарских занятиях, а также полученные посредством изучения обязательных учебных материалов по курсу, дает аргументированные ответы, приводит примеры, в ответе присутствует свободное владение монологической речью, логичность и последовательность ответа. Однако допускается неточность в ответе. Решил предложенные практические задания с небольшими неточностями. | 30-39              |
| Дан ответ, свидетельствующий в основном о знании процессов изучаемой дисциплины, отличающийся недостаточной  | 20-29              |

|   |      |
|---|------|
| <p>глубиной и полнотой раскрытия темы, знанием основных вопросов теории, слабо сформированными навыками анализа явлений, процессов, недостаточным умением давать аргументированные ответы и приводить примеры, недостаточно свободным владением монологической речью, логичностью и последовательностью ответа. Допускается несколько ошибок в содержании ответа и решении практических заданий.</p>  |      |
| <p>Дан ответ, который содержит ряд серьезных неточностей, обнаруживающий незнание процессов изучаемой предметной области, отличающийся неглубоким раскрытием темы, незнанием основных вопросов теории, несформированными навыками анализа явлений, процессов, неумением давать аргументированные ответы, слабым владением монологической речью, отсутствием логичности и последовательности. Выводы поверхностны. Решение практических заданий не выполнено, т.е. обучающийся не способен ответить на вопросы даже при дополнительных наводящих вопросах преподавателя.</p> | 0-19 |

6.4. Описание дополнительных материалов и оборудования, необходимых для выполнения проверочных заданий (*при необходимости*).

Для решения задач открытого типа (контрольных работ), тестовых заданий студенту разрешается использование калькулятора; программ для работы с электронными таблицами для обработки, анализа и визуализации данных.

## 7. Методические материалы по освоению дисциплины (модуля)

Для изучения основных вопросов образовательной программы необходимо конспектировать материалы лекций, работать с рекомендованной преподавателем литературой, а также ресурсами информационно-телекоммуникационной сети «Интернет». Для приобретения навыков активного использования знаний полезно обсуждать плановые и возникающие вопросы, а также решаемые задачи на практических занятиях.

Для закрепления изученного материала даны вопросы по каждой теме дисциплины, на которые следует самостоятельно найти ответы.

Важной составной частью учебного процесса в вузе являются практические занятия. Практические занятия проводятся главным образом по дисциплинам, требующим закрепления навыков решения задач, и помогают студентам глубже усвоить учебный материал, приобрести умения применять методы математического анализа к решению разнообразных задач, определять и оценивать ресурсы и существующие ограничения разного рода проектов. Практические занятия предназначены для самостоятельной работы студентов по решению конкретных задач. Каждое практическое занятие

сопровождается домашними заданиями, выдаваемыми студентам для решения во внеаудиторное время.

При подготовке к практическим занятиям необходимо проанализировать конспект лекции, ознакомиться с рекомендованной литературой по соответствующей теме, осуществить подготовку по рекомендованным в рабочей программе вопросам для обсуждения темы, выполнить домашнее задание (при необходимости).

Необходимо помнить, что на лекции обычно рассматривается не весь материал, а только его часть. Остальная его часть восполняется в процессе самостоятельной работы. В связи с этим работа с рекомендованной литературой обязательна. Особое внимание при этом необходимо обратить на содержание основных положений и выводов, объяснение явлений и фактов, уяснение практического приложения рассматриваемых теоретических вопросов. В процессе этой работы студент должен стремиться понять и запомнить основные положения рассматриваемого материала, примеры, поясняющие его, а также разобраться в иллюстративном материале. В процессе подготовки к занятиям рекомендуется взаимное обсуждение материала, во время которого закрепляются знания, а также приобретает практика в изложении и разъяснении полученных знаний, развивается речь. При необходимости следует обращаться за консультацией к преподавателю (в том числе по электронной почте). Планируя консультацию, необходимо хорошо продумать вопросы, которые требуют разъяснения. Заканчивать подготовку следует составлением плана (конспекта) по изучаемому материалу (вопросу). Это позволяет составить концентрированное, сжатое представление по изучаемым вопросам. Записи имеют первостепенное значение для самостоятельной работы студентов. Они помогают понять построение изучаемого материала, выделить основные положения, проследить их логику. Кроме того, ведение записей способствует превращению чтения в активный процесс, мобилизует, наряду со зрительной, и моторную память. Следует помнить: у студента, систематически ведущего записи, создается свой индивидуальный фонд методических материалов для быстрого повторения изученных вопросов, для мобилизации накопленных знаний. Особенно важны и полезны записи тогда, когда в них находят отражение мысли, возникшие при самостоятельной работе.

После изучения базовых тем курса проводится текущий контроль знаний студентов в виде опроса или письменного тестирования. Типовые тесты и задания по темам дисциплины приведены в специальном разделе данной рабочей программы.

Подготовка к текущему и промежуточному контролю предполагает изучение представленных вопросов к зачету, работу над тестами, представленными в данной рабочей программе, выполнение семестровой

проектной работы по применению системного подхода и методов системного анализа к выбранной системе.

## 8. Учебная литература и ресурсы информационно-телекоммуникационной сети Интернет

### 8.1. Основная литература

1. Макаров, С. И., Высшая математика: математический анализ и линейная алгебра : учебное пособие / С. И. Макаров. — Москва :КноРус, 2024. — 320 с. — ISBN 978-5-406-13446-7. — URL: <https://book.ru/book/954837> (дата обращения: 12.04.2025). — Текст : электронный.

2. Татарников, О. В., Высшая математика для экономистов : учебник / О. В. Татарников, Е. В. Швед. — Москва :КноРус, 2023. — 630 с. — ISBN 978-5-406-10961-8. — URL: <https://book.ru/book/947206> (дата обращения: 12.04.2025). — Текст : электронный.

3. Горлач, Б. А. Линейная алгебра и аналитическая геометрия: учебник / Б. А. Горлач. — Санкт-Петербург : Лань, 2021. — 300 с. — ISBN 978-5-8114-2717-8.— Текст: электронный// Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/167492>(дата обращения 20.04.2021) – Режим доступа: по подписке

4. Высшая математика для экономического бакалавриата в 3 ч. Часть 1: учебник и практикум для вузов/ Н.Ш.Кремер, М.Н., Фридман, Б.А.Путко, И.М.Тришин; под редакцией Н.Ш.Кремера.— 5-е изд., перераб. и доп.— Москва: Издательство Юрайт, 2023.— 276с.— (Высшее образование). — ISBN978-5-534-05820-8. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL:<https://urait.ru/bcode/513040>(дата обращения: 12.04.2025).

5. Шипачев, В. С. Начала высшей математики : учебное пособие / В. С.Шипачев. — 5-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2021. — 384 с. — ISBN 978-5-8114-1476-5.— Текст: электронный// Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/168509>(дата обращения 20.04.2021) – Режим доступа: по подписке

Все источники основной литературы взаимозаменяемы.

### 8.2. Дополнительная литература

Боревич З. И. Определители и матрицы : учеб.пособие / З. И. Боревич. - изд. 5-е, стер. - СПб.[и др.] : Лань, 2009. - 184 с.

### 8.3. Нормативные правовые документы и иная правовая информация

Не используются

### 8.4 Интернет-ресурсы

Обучающимся обеспечен доступ к материалам курса в СДО Академии <http://lms.ranepa.ru>, а так же через сайт научной библиотеки к следующим подписным электронным ресурсам:

#### *Русскоязычные ресурсы*

- Электронные учебники электронно-библиотечной системы (ЭБС) «Айбукс»
- Электронные учебники электронно-библиотечной системы (ЭБС) «Юрайт»
- Электронные учебники электронно-библиотечной системы (ЭБС) «Лань»
- Электронные учебники электронно-библиотечной системы (ЭБС) «ZNANIUM.COM»
- Электронные учебники электронно-библиотечной системы (ЭБС) «BOOK.RU»
- Электронные учебники электронно-библиотечной системы (ЭБС) «IPRSMART»

## **9. Материально-техническая база, информационные технологии, программное обеспечение и информационные справочные системы**

| № п/п | Наименование  |
|-------|---|
| 1.    | Специализированные залы для проведения лекций, оснащенные персональным компьютером/ноутбуком и мультимедийным проектором  |
| 2.    | Аудитории и компьютерные классы, оборудованные посадочными местами и персональными компьютерами с выходом в Интернет для проведения практических занятий  |
| 3.    | «МТС Линк» — российская платформа для онлайн-коммуникаций и совместной работы команд ; «Яндекс Телемост» — сервис для видеоконференций от Яндекса; Я-мессенджер   |
| 4.    | Технические средства обучения: персональные компьютеры; программные средства, обеспечивающие просмотр видеофайлов в форматах AVI, MPEG-4, DivX, RMVB, WMV; программы для работы с электронными таблицами для обработки, анализа и визуализации данных; соответствующие онлайн-инструменты для построения интеллект-карты и моделей в различных нотациях |
| 5.    | Научная библиотека (в т.ч. электронные информационные ресурсы научной библиотеки)   |
| 6.    | СДО Академии <a href="https://lms.ranepa.ru/">https://lms.ranepa.ru/</a>  |